

University of the Pacific Scholarly Commons

Euler Archive - All Works Euler Archive

1862

De atmosphaera lunae ex eclipsi colis annulari evicta

Leonhard Euler

Follow this and additional works at: https://scholarlycommons.pacific.edu/euler-works

Part of the Mathematics Commons
Record Created:
2018-09-25

Recommended Citation

Euler, Leonhard, "De atmosphaera lunae ex eclipsi colis annulari evicta" (1862). *Euler Archive - All Works*. 839. https://scholarlycommons.pacific.edu/euler-works/839

This Article is brought to you for free and open access by the Euler Archive at Scholarly Commons. It has been accepted for inclusion in Euler Archive - All Works by an authorized administrator of Scholarly Commons. For more information, please contact mgibney@pacific.edu.

XVII.

De atmosphaera lunae ex eclipsi solis annulari evicta.

Quum nuper momenta eclipsis solis, quam hic nobis die 25^{to} praeteriti mensis Julii obserdentingebat, exposuissem, ca tantum sum prosecutus, quae ad verum lunae motum ejusque
pala d'accuratius definiendam pertinere videbantur. Obtulerunt se autem in observatione hujus
plipsis alla quaedam insignia phaenomena, quae neque a lunae motu, neque ab ejus parallaxi pendedenti sed ita erant comparata, ut rationem refractionis radiorum lunae oras stringentium declarare
pur sed ita erant comparata, ut rationem agitatam, utrum luna atmosphaera quadam sit cincta
decidere viderentur. Quamobrem hic ista phaenomena, quae in hac eclipsi a nobis sunt
amprocessa, diligentius evolvere, in eorumque causas inquirere constitui.

Quo accuratius omnia, quae in hac eclipsi notanda occurrerent, nobis perspicere atque describin revocare liceret, in aedibus meis conclave meridiem respiciens obscurum paravimus, describinationemico 9 pedum per fenestrae foramen ad solem directo, ejus imaginem in charta descripimus. Chartam hanc quidem ad axem tubi normalem in tanta a tubo distantia firmavimus, as solici mago circulum super ea descriptum exacte repleret; tubum vero eo usque diduximus, ut alla mago quam distinctissime super charta repraesentaretur; omnesque ejus maculae, quarum tam alla solici disco erant conspicuae, clarissime distingui possent. Tum vero machina ita erat alla solici, ut etiamsi tubus motum solis continuo sequeretur, charta pari motu lata perpetuo di tubo distantiam retineret, solisque imago constanter in circulo super charta descripto di tubo distantiam retineret, solisque imago constanter in circulo super charta descripto di financetur.

Moc modo quum machina esset instructa, solisque imago perpetuo oculis esset exposita, inclina eclipsis expectavimus, cujus quidem initium ob frequentes nubeculas, quae solem saepe stant, nobis observare non licebat. Parum etiam nobis spei relinquebatur sequentes eclipsis observandi, quum coelum continuo magis nubibus obduceretur. Interim tamen praeter bonem praecipuas phases, atque imprimis annulum quoad duravit, nobis egregie conspicari batur, quarum quidem momenta, quoniam a cl. Kiesio diligentissime sunt determinata,

atque Academiae exhibita, hic non repetam, sed eas res tantum commemorabo, quae ad-instituir, meum facere videbantur.

- § 4. Quum luna jam ultra medietatem in discum solis intrasset, solisque figura jam admonifalcata apparere coepisset, ut angulus, quo cornua claudebantur valde acutus evaderet, animadvertimus discum solis a circulo nostro in charta descripto non amplius capi, sed compucuspides extra eum porrigi, margo tamen solis ab his cuspidibus remotior adhuc exacte cum conveniebet. Hoc scilicet phaenomenon ita apparebat, uti in figura 207 repraesentatur, ubi Acou est circulus in charta descriptus, et GAGBG solis figura falcata, cujus cuspides G, G utinque ultra circulum extendebantur, ut portiunculae EFG prominerent, reliqua vero limbi portio adhuc exacte congrueret.
- \$ 5. Ita cuspidum \$G\$ et \$G\$ prominentia extra circulum deinceps continuo major depresant batur, quo acutiores fiebant cuspidum anguli \$G\$ et \$G\$, donec tandem cum hae cuspides coalussul atque sol sub annuli forma apparaisset, totus ejus discus circulum notabiliter majorem in china exhiberet, quam erat is, quo initio perfecto continebatur. Circa medium autem figura annuli ita un charta depicta conspiciebatur, uti figura 208 repraesentat, ubi \$AZBN\$ est discus solis cujus punctum summum in \$Z\$, imum in \$N\$ exhibetur, per quem ducta est recta horizontalis \$AB\$, alterontention orientem, altero \$B\$ occasum respiciens: et \$azbn\$ est discus lunae, et recta \$EF\$ per utriusque dentina \$C\$ et \$c\$ transit, quae a recta verticali \$ZN\$ circiter angulo \$40° distare videbatur, exacte enimento angulum non sumus metiti, ad alia phaenomena magis attenti; maxima ergo annuli latitudo enimento \$Ee\$, quae illius parti quartae propemodum aequalis aestimabatur.
- § 6. Calculo autem astronomico pro hoc tempore collegi semidiametrum solis apparation =952'' et semidiametrum lunae =898'', quae mensurae, antequam discus solis circa tampus quo annulus formari coepit, hanc dilatationem esset passus, satis exacte cum observatione consultant, ita ut hoc loco theoria nulla emendatione indigeat. Ex duratione porro annuli conclusi informam centrorum solis ac lunae distantiam fere 53'' esse debuisse: unde si discus solis in regione du ubi annuli maxima erat latitudo, nullam ampliationem passus esse assumatur, quoniam vidimus latituda ampliationem in iis tantum locis usu venisse, ubi limbi solis ac lunae se mutuo proxime continguo erat CF = 952'', cf = 898'' et Cc = 53'', ideoque Cf = 845'', ac propterea maxima annuli latituda Ef = 107'', quae cum annuli figura, quam delineavimus, satis exacte convenit.
- § 7. Hine apparet, nisi discus solis circa minimam annuli latitudinem in Ee fuisset dilitudinanta hace latitudo Ee esse debuisset. Si enim ponatur CE = 952", ob ce = 898" et Ce = 93 foret minima annuli latitudo Ee = 1, quae tamen manifesto nobis visa est quartae circitor publication maximae Ff aequalis. Erat ergo latitudo Ee circiter = 26", quum ea tamen, si distintiudinis maximae esset passus, plus uno minuto secundo continere non debuisset. Find furti ad Viadrum, a celebri viro Pohlar, idem phaenomenon est observatum, ubi distantia centro solis ac lunae adhuc minor erat quam hic; quum enim annulus ibi durasset 4', concludo minima centrorum distantiam circiter 35" fuisse, unde annuli latitudo maxima prodiret 89", ac minima de atitudo quasi subdupla maximae, ideoque 44" aestimabatur, ita ut etiam rihi distantia circa loca, ubi annuli latitudo erat minima, 25" perinde ac hic esset dilatatus.

reflinc igitur haec quaestio enascitur: quaenam fuerit causa, cur discus solis in iis locis, incidinae intus fere tangebatur, sit dilatatus? quantitatem quidem dilatationis hujus, quam refimavimus, non pro tam certa habendam esse judico, ut non error plurium minutorum intuit commissus esse possit, primo enim latitudinem annuli tam exacte mensurare non licuit; propint colores, quibus tam solis quam lunae margo constanter obsitus cernebatur, ille quidem recordina vero rubro, veros utriusque limbi terminos discernere non licebat, interim tamen lubium superesse potest, quin minima annuli latitudo hic 10" superaverit, cujus dilatationis in iis locis, curi discussionis estigare operae erit pretium.

Quaestio ergo huc redit, ut explicemus, (Fig 209) cur extremus solis margo A, qui per radium multiplicia M stringentem, lunae immediate contiguus conspici deberet, non in A, sed in a appareat, paro suo loco angulo ATa, quem 25" invenimus, non tamen multo supra 10" aestimamus, prideatur spectatori in T constituto? hoc enim si fuerit expositum, intelligetur, quomodo finum latitudo annuli nulla, seu fere nulla esse deberet, ea tamen augmentum tot minutorum album, quot angulus ATa continet, capere cernatur. Namque si margo solis a limbo lunae, prioximus, hoc modo elongatur, perspicuum est, ob hanc causam et solis cornua ante et minum distendi et latitudinem ipsius annuli, ubi est minima, expandi oportere.

Antequam autem hujus phaenomeni explicationem suscipio, opinionem primo intuitu non impirime improbabilem removeri conveniet. Qui enim ex descriptione aliarum eclipsium solis annu-humeintellexerunt, utramque annuli latitudinem et maximam et minimam simul majorem summam receisquam est differentia inter diametros apparentes solis ac lunae, ii plerumque sunt suspicati, in ecusionis annulari diametrum lunae aliquanto minorem apparere, quam si extra solem cerneretur. In intermemodo, quo nos observationem instituimus, luculenter patebat, non lunam diminutionem, insum solem amplificationem quandam esse passum. Qui enim in ipsa eclipsi diametrum lunae monimiti, eam calculo perfecte conformem deprehenderunt.

Ut igitur ad amplificationem disci solaris in eclipsi annulari observatam revertar, primo plene ad hoc phaenomenon vel leviter attendenti statim patet, ejus causam in refractione radiorum posedunae stringentium esse quaerendam. Facile enim perspicitur, si luna atmosphaera quadam praesimili circumdata esset, ob refractionem radiorum oblique per eam transeuntium idem plane properentium, quod in deflexione radiorum consistit, inde resultare debere. Non solum igitur nullum debiminisuperesse videtur, quin lunae atmosphaera quaedam tribui debeat, sed etiam ex quantitate reconsistitatem definire licebit.

Sit igitur (Fig. 210) corpus lunae EMF atmosphaera tenui PQR cinctum, quam per totam paliitudinem ejusdem densitatis esse ponamus, etiamsi ea procul dubio, perinde ut atmosphaera tenui paliitudinem ejusdem densitatis esse ponamus, etiamsi ea procul dubio, perinde ut atmosphaera de la superficie continuo fiat rarior, donec tandem insensibiliter cum aethere totum spatium coeleste de la superficie continuo fiat rarior, donec tandem insensibiliter cum aethere totum spatium coeleste de la superficie continuo fiat rarior, donec tandem insensibiliter cum aethere totum spatium coeleste de la superficie continuo fiat rarior, duna en lunae prae ea, qua dincumdatur, esse subtilissimam, sine errore varietatem, quae in diversis a superficie lunae discumdatur, esse subtilissimam, sine errore varietatem, quae in diversis a superficie lunae discumdatur, negligere poterimus. Hoc posito quilibet radius lucis, qui in lunae atmosphaera in linea diversis, certam quandam refractionem patietur, tum vero per ipsam atmosphaeram in linea diversis, et ubi iterum in aetherem inde erumpet, novam refractionem priori similem subibit.

ijij

illusi, IŽ Č

mell

3111

du.

- § 13. Consideremus jam radium lucis, a puncto S, sive sit stella, sive particula quaetan solem pertinens, emissum SP, qui in P in lunae atmosphaeram incidat, ut refractus dunaeissimo ciem stringat in M. Spectator igitur in lunae puncto M constitutus punctum S observatorio non in vero suo loco conspiciet, sed in σ , quod punctum ipsi in coelo radius refractus MP_{i} gatus repraesentabit. Quum autem recta haec MP, quia superficiem lunae tangit; horizontement rem referat, spectator in M positus punctum lucidum in horizonte conspiciet, quum id adhucar sub horizonte lateat, angulo $SP\sigma$, erit ergo hic angulus $SP\sigma$ refractioni horizontali, quambino lunares sentire debent, aequalis. Vocemus ergo hunc angulum $SP\sigma$, seu refractionem horizontali in luna visam $= \alpha$, quoad ejus valorem propius definire valeamus.
- § 14. Trajiciat porro iste radius PM totam lunae atmosphaeram, et in Q, ubi in aetheremical denuo refringatur, unde secundum lineam rectam QT ad terram usque perveniat, et in T cohson toris oculum afficiat. Hinc igitur punctum, unde iste radius pervenerat, in directione TQ productione ideoque in s situm esse judicabit. Nisi autem luna fuisset interprosita, hoc idem punctum situator in vero suo loco S esset conspicatus. Quodsi jam distantia hujus puncti S sit vehematimagna prae distantia lunae a terra, id remota luna ab observatore T conspici deberet in direction rectae PS parallela, quae ob angulum PQS ipsi angulo $SP\sigma = \alpha$ aequalem, ad directionem inclinabitur angulo duplo $= 2\alpha$.
- § 15. Si igitur luna atmosphaera careret, punctum S observatori in T plane esset inconspicum atque post lunam lateret ad distantiam ab ejus limbo $= \alpha$. Atmosphaera ergo lunae hoc punctum S conspicuum reddet atque observatori T ita spectandum offerret, quasi in S esset positum et eguin lunae margo M ob radium MQT ad idem coeli punctum S referatur, observator in T positus pine tum lucidum S margini lunae M contiguum conspiciet, ita ut a refractione atmosphaeraet lunai punctum S de vero suo loco S per spatium $SS = 2\alpha$ in coelo translatum cernatur. Conspetuigitur stellae, seu cujusvis puncti lucidi in coelo ante nobis a luna non eripitur, quam cumpante spatium S post lunam sese absconderit. Quamdiu enim spatium, quo stella post lunam occultur, minus fuerit quam S tamdiu ea extra lunae limbum conspicietur.
- § 16. Verum consideremus quoque casum (Fig. 211.), quo radius SP per lunae atmosphaelin penetrans ipsum ejus limbum non amplius stringit, sed ab eo in data distantia MN transit; imiocaligitur hic radius tam in P quam in Q patietur refractionem, quoniam atmosphaera, quo magisesipulunam elevatur, eo rarior est concipienda; nihilo tamen secius in hac rariori regione viam radiitual qua atmosphaeram trajicit, pro linea recta habere licebit. Considerari igitur debet spectator supraditual superficiem ad altitudinem MN remotus, ubi sine dubio minorem refractionem horizontalem sidenam percipiet, atque refractioni huic horizontali aequalis erit angulus $SP\sigma$, per quem sidus SP elivativa apparebit, et quia radius PQ ad terram T usque pergens in Q parem refractionem patitur, SP vatori in terrae loco T constituto punctum lucidum S in S situm apparebit, ita ut intervallare duplo angulo $SP\sigma$ in coelo sit aequale.
- § 17. Sit distantia MN a lunae superficie tanta, ut observatori in terra T versanti appendi sub angulo x, et quia tota atmosphaerae lunae altitudo MK est valde parva, et ipsa refractional minima, stellae S locus apparens s ipsi eodem intervallo =x a limbo lunae M remotus videballo.

ng golem, hujus stellae locus, quem cerneret, si luna atmosphaera careret, centro lunae propior namelo sS, quod duplo angulo SPo mensuratur. Quodsi ergo hic angulus SPo seu refractio musicaltitudini $\mathit{MN} = x$ supra lunae superficiem respondens ponatur $= \zeta$, atque stella conspianae limbo remota intervallo =x, ut hinc locus stellae verus colligatur, oportet eam de parente centrum lunae versus admovere per intervallum $sS=2\zeta$, unde si pro quavis a limbo x constaret ei respondens refractio horizontalis ζ , ex loco apparente cujusvis stellae logis verus facile determinari posset.

Ex dilatatione annuli solaris hic Berolini observata concludere licet, quod cum annulus, anctissimus, tantum unius minuti secundi esse debuisset, haec latitudo quasi evanescens mentalim 25" circiter acceperit. Hinc si limbus solis, seu stella a limbo lunae 25" remota appa- $_{
m col}$ praedistantia plane nulla erit censenda, nisi forte ob rationes ante commemoratas loco $25^{\prime\prime}$ and animerus veluti 20 aut 15 eligi debet. Tum vero ex copiosissimis observationibus, quibus miso amosphaera lunae oppugnari solet, novimus, si stellae distantia a limbo lunae vel unum saltem minimer primum superaverit, mutationem quam ejus locus a refractione lunari patiatur, fere prorsus me imperceptibilem. ्या १९६० म् । सम् । इत् वे वर्ष द्वार अनुसर्वात् वर्षः । इत्तरीकावृत्तः तु स्रोत्ते

Quoniam ex theoria refractionis summopere difficile videtur, pro quavis a limbo lunae Isanta-cffectum refractionis determinare, propterea quod diminutio densitatis atmosphaerae nobis is loggită, aestimatione hoc negotium ita commodissime expediri videtur, ut formulam investigenis, quae phaenomenis quam proxime satisfaciat. Sit igitur distantia stellae cujuspiam a limbo biae apparens =x'', et effectus refractionis huic distantiae respondens =z'', ita ut verus stellae logis inno obtineatur, si locus apparens z'' propius ad centrum lunae admoveatur. Jam hacc precio z ita ex distantia x definiri debebit, ut si ponatur x=20, prodeat quoque z=20, sin During sit x=60, tum valor ipsius z tam fiat parvus, ut vix percipi queat, puta 5".

20. In hunc finem accipiam formulam latius patentem, statuamque $z=rac{A}{1+Bx^n}$, quoniam Meditali formula id commodissime obtineri, ut si distantia x fiat notabilis, valor ipsius z fiat quam minimis dummodo sit exponens n modice magnus. Quodsi assumatur n=2 ac duabus superio-Dus conditionibus satisfiat, reperietur haec formula

$$z = \frac{32}{1 + 0,0015 \, xx}, \quad \text{seu } z = \frac{32}{1 + \frac{1}{666} \, xx}.$$

internation loco 5", quae distantiae x = 60" tribuimus, ponamus 4", obtinebitur

The second of the second

$$z = \frac{40}{1 + \frac{1}{400} xx}.$$

gitur formula ut simplicissima tantisper utamur, donec ejus loco certiorem adhibere licebit, Principes tenim ex hac etsi erronea formula deducendae non tantum a veritate discrepabunt, ut the lat notabilistic.

21. Ex hac igitur formula sequentem tabellam construxi, quae pro quavis sideris a limbo milistantia apparente exhibet correctionem, qua ea minui debet; ut vera distantia obtineatur. x distantiam apparentem a limbo lunae et z correctionem seu effectum refractionis.

\boldsymbol{x}	l z	1	1								100
		$\int x$	z	æ	z	x	Z	æ	z	1 2	1
0'	40'	10"	32"	20"	20'	30′′	12'	40"	8′′	F	/ 2
1	40	11	31	21	19	31	12	45	7	1	· William
2	40	12	29	22	40		1	1		100	2
		ł		1 1	18	32	11	50	6	110	1
3	39	13	28	23	17	33	11	55	5	120	
4	38	14	27	24	16	34	10	60	4.	130	00,4
5	37	15	26	25	15	35	10	65	4.	140	1
6	36	16	24	26	15	36	10	70	3	150	cut
7	35	17	23	27	14	37	9	75	3		
8	34	18	22	28	40	- 1	_ i	- 1	3	160	1
- 1	í	J		20	13	38	9	80	2	170	1
9	33	19	21	29	13	39	8	85	2	180	1 74
10	32	20	20	30	12	40	8	90	2	100	2
					•	•	•	i	_ 1		100

- § 22. Secundum hanc ergo tabulam non solum phaenomeno nuperae eclipsis solaristeri, quum limbus solis a limbo lunae 20" distare videretur, is ipsi revera esset contiguis inde perspicitur, antequam limbus lunae uno minuto primo propius accesserit, effectum primo propius accesserit, effectum primo quidem minutum secundum exsurgere, ideoque pro nihilo esse reputandum, id quod cobservato omnino est consentaneum. Quum autem haec tabula indicat, si distantia apparens æ situation nesceus, effectum refractionis esse 40", seu punctum lucidum revera tanto intervallo ped discum latere, si hic numerus recte se haberet, hanc sequeretur refractionem horizontalem alunaribus esse 20". Simul vero intelligitur, etiamsi haec tabula sit erronea, tamen hancaritationem horizontalem adeo multum a vero aberrare non posse.
- \$ 23. Simul atque igitur limbus solis non ultra 40" post lunam absconditur, nobis delet conspicuus, ex quo, si eclipsin solis annularem per calculum definire velimus, inition annularem antequam distantia centrorum excessui semidiametri solaris supra semidiametrum lunaeruft ex Similique modo annulus disparebit aliquanto, postquam distantia centrorum differentiatuscui trorum iterum evasit aequalis. Scilicet si parallaxis horizontalis in luna assumaturi 200 apparere deberet, statim atque distantia centrorum quadraginta minutis secundis superaret differentiam semidiametrorum; ideoque eclipsis foret annularis, etiamsi distantia centrorum nunquam minute quam differentia semidiametrorum, dummodo illa distantia hanc differentiam non plus quam superet. Atmosphaera itaque lunae efficit, ut eclipsis, quae sine ea annularis non foret, talk amappareat, et ut annulus diutius duret, quam secundum calculum, neglecto atmosphaerae lunaes durare deberet.
- \$ 24. Neque tamen annulus tamdiu persistere posse videtur, quam refractio illa 40 regimente cum enim stellae ob solis splendorem in coelo conspici nequeant maxime est verisimife ella un lum ea parte, qua est nimis arctus, percipi non posse: quamdiu scilicet annuli latitudo de menter parva et non ultra aliquot minuta secunda increscit, ea erit invisibilis, neque sunt in conspectum prodit, quam notabilem jam latitudinem fuerit consecutus. Observa vimilis

pipera eclipsi annulum subito cum notabili latitudine apparuisse, neque eum pedetentim et quasi per gradus esse firmatum; ex quo manifestum erat, annulum ob splendorem reliquae solis partis prideri non potuisse, quam ad tantam amplitudinem excreverit, quanta sensui visus excitando palaesset.

- S 25. Hic etiam annotari convenit, cos, qui directe in solem per tubum astronomicum sunt intifti, annulum diutius esse conspicatos, quam nos, qui imaginem solis in charta depictam sumus pontemplati. Illis enim annulus per spatium 82" erat conspicuus, cum nobis is in charta ne unum minutum primum durasse videretur, cujus discriminis ratio sine dubio in co est posita, quod ii, qui directe solem aspexerunt, fortiores a radiis impressiones acceperint, ideoque annulum, primi ejus latitudo adhuc valde esset parva, sentire potuerint, quippe qui etiam stellas quasdam conspexerunt: contra autem, quia in charta solis imago multo debilius exprimitur, mirum non est, mullum tardius apparere coepisse, citius que desiisse, cum, antequam ejus latitudo jam satis erat notabilis, impressiones in charta nimis essent debiles, quam ut sentiri potuissent.
- Significante non perfecte exprimebantur, sed circa extremitates obtusae et quasi rescissae conspiciebantur, cojus phaenomeni causa ex allatis est manifesta. Extremitates enim cuspidum G et G (Fig. 207) minis erant angustae, quam ut radii inde in oculos vel in chartam incidentes sensum vel imaginem excitare potuissent. Namque quatenus latitudo hujus cuspidis diametrum stellae, quae in hoc loco inconspicua fuisset, non separabat, eatenus quoque in oculos non cadebat; ubi autem cuspis terminari cernebatur, ibi jam satis notabilem latitudinem habere videbatur. Hocque adeo phaenomenon simile est ei, quod supra de latitudine, quam annulus habere debet, antequam sensum visus afficere videat, commemoravimus.
- \$ 27. Ob hanc igitur causam initium annuli non in co temporis puncto est constituendum, ubi distantia centrorum solis et lunae differentiam semidiametrorum 40" excedit, siquidem refractionem horizontalem in luna recte 20" aestimamus; sed initium annuli tum demum statui debet, quam ejus latitudo jam satis larga evaserit, atque diametrum stellarum in hac regione invisibilium superaverit. Nobis quidem latitudo annuli in primo initio viginti minutis secundis minor non appatuit, unde colligere licet, annulum ante non in conspectum venire, quam ejus latitudo ultra 20" acceverit, tum autem subito cum hac latitudine apparere incipire. Neque vero hunc terminum arto definire licet, cum quo quisque excellentiori tubo utatur, per quem solem intueatur, eo citius quoque annulum clausum sit spectaturus: in charta autem si solis imago repraesentatur, hi limites adhuc ulterius erunt extendendi.
- \$ 28. Ad eclipsin solis annularem calculo definiendam sit:

semidiameter solis apparens = asemidiameter lunae apparens = bac differentia semidiametrorum ponatur a - b = d.

Provio (Fig. 212) recta AB via apparens centri lunae respectu centri solis, quod tanquam immotum AB demissa exhibebit minimam centrorum distantiam,

quae sit SL=c, atque haec distantia SL, siquidem eclipsis est annularis, valde erit parte piat eclipsis, cum centrum lunae pervenerit in A, finis autem incidat in B; erit ergo acque perinde ac SB acqualis summae semidiametrorum $a \rightarrow b$ et quia SL tam est parva, ipsaince seu via apparens, quam centrum lunae ab initio ad finem describit, summae SA + SB censeri poterit, ita ut sit AB = 2a + 2b.

§ 29. Sit porro t tempus totius eclipsis, atque centrum lunae spatium $AB = 2a_{\text{min}}2b_{\text{min}}$ pore t uniformiter percurrere assumi potest. His positis annulus apparere incipiet, quum lunae pervenerit in M, ut sit SM aequalis differentiae semidiametrorum a - b = d, auctae production a - b = d, auctae quam annuli latitudo habere debet, antequam fiat consponding a - b = d, auctae quam in a - b = d, auctae quam a - b = d,

dire

ali GE Licute

初加拉

dodfa

die

ni je

oplik Hölli

liniac

digi

m(in

(i) (ii) (ii) (ii)

10.50

riggilji Liggilji

till it

(lą̃r

Light

ក្រៀព លោក

in min

relanding official

§ 30. Duratio igitur annuli reperietur, quaerendo quartam proportionalem ad distantias MN et tempus t. Erit autem $ML = \sqrt{(d-1.20'')^2 - cc}$, ideoque $MN = 2\sqrt{(d-1.20'')^2 - cc}$ si tempus, per quod annulus est conspicuus, vocetur $= \vartheta$, erit:

$$2a + 2b : 2\sqrt{(d+20'')^2 - cc} = t : \vartheta$$

ideoque $(d - 20'')^2 tt - cctt = (a + b)^2 \vartheta\vartheta$.

Hinc si cognita sit duratio annuli ϑ , duratio totius eclipsis t et semidiametri apparentes solis ulunae a et b, unde habetur d=a-b, vicissim ex observatione eclipsis annularis concludia por minima centrorum solis ac lunae distantia SL=c, erit nempe

$$c = \sqrt{(d-20'')^2 - (a-b)^2 \frac{\partial \vartheta}{tt}}.$$

§ 31. Quodsi jam hanc formulam ad nuperam eclipsin solis annularem transferemus, erat, semidiameter solis apparens a=952'' semidiameter lunae apparens b=898'',

ideoque a - b = d = 54", et d + 20" = 74".

Deinde tempus totius eclipsis ex observationibus conclusum est 3^h 6', et tempus durationis annul 1'22", unde fiet t=11160" et $\theta=82$ ', atque ob $a \rightarrow b=1850$, reperietur minima centroul distantia

$$SL = c = \sqrt{74^2 - \frac{1850^2 \cdot 82^2}{11160^2}} = \sqrt{5291} = 72''44'''.$$

Fuisset ergo minima centrorum distantia 72 minutorum secundorum, quam tamen per calculul tantum 51" inveneram.

§ 32. Ostendi autem in praecedente dissertatione, ubi hanc eclipsin ad calculum revocable parallaxin lunae, quae vulgo in tabulis traditur, notabiliter diminui oportere, ut minima centrolina distantia ad 51" exsurgat, unde haec parallaxis adhuc multo magis diminui deberet, ut militure

The pentrorum adeo ultra 72" augeretur. Cum autem elementa hujus eclipsis tantopere a vero program videantur, magis verisimile est differentiam semidiametrorum d non 20", sed minori program debere; quod fieret, si refractio horizontalis in luna non 20", sed tantum 15" stanimi enim pro $d \leftarrow 20$ scribi debere $d \leftarrow 10$ ", seu 64", unde prodiret $c = 62\frac{1}{2}$ ", ita ut indiscentrorum per calculum inventa 51" tantum $11\frac{1}{2}$ " augeri debeat; tam parvam autem cortinum elementa hujus eclipsis requirere non improbabile videtur.

His igitur argumentis indubitate evincitur lunam quoque atmosphaera quadam esse etiamsi forte multo sit tenuior, quam observationibus nostris est aestimata: cum enim nedium eclipsis discus solis notabile augmentum ceperit, quanquam id exacte mensurare non loco phaenomenon nulli alii causae nisi atmosphaerae lunari adscribi potest. Interim tamen discribi potest. Interim tamen discribi potest. Interim tamen discribi multiple estimationibus, quas hic pro radiorum per lunae atmosphaeram transeuntium refractione multiple anium tribuatur: atque adeo ex ipsis observationibus, cum theoria collatis admodum probabile refractionem lunae horizontalem, quam 20" statueram, vix 10" superare; unde diameter nementum 20" accipere queat. Multo autem minus certi quicquam statuere licet circa diminutorum hujus refractionis, quae radiis longius a luna praetereuntibus conveniat, quamvis haec minuto tanta videatur, ut pro radiis, qui ad distantiam aliquot minutorum primorum a limbo mor per ejus atmosphaeram penetrant, refractio omnino fiat imperceptibilis.

rigue foret pretium singula phaenomena, quae amplificatio disci solaris suppeditaret, omni cura ad mensuram revocare, ut inde non solum radiorum limbum lunae stringentium refractio, sed etiam h, secundum quam refractio radiorum longius a luna praetereuntium minuitur, accurate definiri ment Clim autem vix nobis talem eclipsin exspectare liceat, ad alia phaenomena, quae saepius sese instrae contemplationi offerunt, erit confugiendum. Atque ex hoc genere aptissima videntur ea, quae of litationes stellarum fixarum a luna nobis suggerunt; quum enim stellam fixam, quoad lunae fiat oligna, conspicari liceat, mutatio quaedam in ejus loco, quae a refractione lunari proficiscatur, umadvirti debebit, dummodo instrumenta satis fuerint exacta, ut hujusmodi minutias indicare valcant. Eligatur nimirum stella fixa, illi, quae occultationem a luna est subitura, tam propinqua, wambae simul per tubum astronomicum conspici queant; atque modico temporis intervallo, antepen pecultatio accidit, ope exquisiti micrometri mensuretur harum stellarum distantia, quae intra munimutum secundum obtineri posse videtur, siquidem tubi longitudo sit 10 pedibus minor neque tiliam distantia 15' excedat. Hoc modo, quia radii a stella occultanda nullam adhuc refractionem minutiro reperietur vera istarum stellarum distantia in minutis secundis satis praecise expressa. expectetur occultatio, atque ipso momento, quo ea contingit, denuo mensuretur distantia udem stellarum, et notetur differentia inter hanc distantiam et eam, quae ante est inventa: atque discrimine non difficulter refractio lunae horizontalis concludetur, si quidem diameter appaunai, rejusque situs momento occultationis, respectu ambarum stellarum, fuerit cognitus; quas Per observationem simul determinari queant, ex theoria motus lunae depromere licebit. 86 an Sit-scilicet distantia stellarum vera $=m^{2}$, iquam micrometrum multo ante occultationem Legitz ipso vero occultationis momento appareat stella occultanda, in limbi lunae puncto \mathcal{S} (Fig.213).

Astron

nii Ca

(1) (

Morris Mark

02.00

Si altera vero stella sit in A, atque nunc assumamus distantiam harum stellarum. Assumamus deprehendi, ut sit $AS = m'' - \mu''$. Quoniam porro ex theoria semidiameter lunae apparent satis exacte datur, atque angulus ASL vel ex theoria vel ex duratione occultationis; velgalio colligi potest, sit iste angulus $ASL = \varphi$; et quia ob refractionem locus stellae a centro elongatur, sit hoc momento verus stellae locus in s, crit As = m'' et, si At = AS, satisfied $st = \mu''$, unde ob angulum $Sst = 180^{\circ} - \varphi$ proxime concludetur effectus refractionis

$$Ss = \frac{\mu''}{\cos{(180^0 - \varphi)}} = -\frac{\mu''}{\cos{\varphi}},$$

cujus semissi refractio lunae horizontalis aequalis censeri debet.

- § 37. Consultum autem erit ad hoc institutum ejusmodi occultationes eligere, quibus selfixa S obscurum lunae limbum subit, quod evenit circa priorem quadraturam. Si enim stellunae limbum illuminatum appellit, ejus lumen jam ante occultationem, ab eximio lunae splenimita offuscatur, ut stella jam ante momentum occultationis evanescat, nisi forte sit primae magnitudinis. Etsi enim hoc casu lunae limbus non apparet, tamen ipsum occultationis momentum idetunporis punctum indicat, quo stella lunae limbo erat contigua. Interim tamen quoque juvabit lumodo appulsus stellarum ad limbum lunae illuminatum examini subjicere, ut inde intelligamus, ut refractio prope limbum illuminatum, a refractione prope obscuratum diversa sit, nec ne? quia cincultationem illuminatam lunae atmosphaera tam indesinenter radiis solis est exposita, supercari licet eam hoc tempore tantopere attenuari, ut refractio multo minor existat. Haecque loi is est causa, quod adhuc iste refractionis effectus in occultationibus non sit animadversus.
- § 38. Deinde vero etiam in hoc erit praecipue incumbendum, ut jam antequam stella occultur, perpetuo et quasi singulis momentis ejus distantia ab altera stella fixa summa diligentia invetti getur, quoniam banc distantiam jam ante ipsum appulsum ad lunam sensim diminui debere eviginus Sic enim ex observationum serie, si theoria in subsidium vocetur, pro qualibet observatione distantiate apparens a limbo lunae concludi, eique conveniens refractio definiri poterit, simili mona quem ante pro ipso occultationis momento commendavi. Atque si plures hujusmodi observationi diligenter fuerint institutae, ex iis tabula § 21 tradita emendari, vel potius levi opera nova constitutate, cujus ope deinceps cuncta phaenomena ab atmosphaera lunae oriunda accuratius assistantiate.
- multum agitatam quaestionem: utrum luna atmosphaera sit praedita, nec ne? adhuc non fuls decisam. Quamvis enim occultationes stellarum fixarum a luna saepissime eveniant, tamen effective refractionis, quia tam est exiguus in ipsis stellis fixis, quae occultantur, nullo modo percipi paten nisi distantiae earum ab aliis diligentissime jam ante sint exploratae, et circa ipsam occultatique denuo accuratissime mensurentur. Hoc autem modo fortasse adhuc nemini astronomorum in mensurenti in atmosphaeram lunae inquirere; aut si forte in hanc methodum inciderint, satis exquisi instrumentis destituti hanc indagationem relinquere sunt coacti. Qui autem hoc opus suscitive voluerit, nescio an non micrometrum Kirchianum, dummodo cochleae intus in cuspides desirationed desirat

Papadam sit iis, quae summa cura atque ingentibus sumtibus nunc parari solent. Si enim cuspides ambabus stellis semel fuerint admotae, facillime apparebit, si earum stellarum diminuatur, atque ipsa diminutio per cochlearum revolutionem non difficulter definietur.

Physicae quidem sanioris principia atmosphaeram lunae extra dubium collocant. Sed med observationes nobis patefecerunt, non minus mirum videtur, atmosphaeram lunae tantoosse tenuem, ut ejus effectus fere evanescat. Cum enim super terra refractio horizontalis
imilium gradum superet, si luna pari atmosphaera atque terra esset cincta, sidera prope lunae
inhimilium gradum de suo loco detorquerentur: nunc igitur, cum iste effectus fortasse vix 20"
objectionalis agradum de suo loco detorquerentur: nunc igitur, cum iste effectus fortasse vix 20"
objectionalis de lunae en lunarem fere ducenties rariorem esse oportet quam nostrum; ex quo concludere
or superficie lunae vel nullos plane vapores ascendere, vel materiam lunae tam esse solidam
objectionalis de la cumula de

and the state of t

Mor Think

THE BUILDING

Province:

A CONTRACTOR



