

University of the Pacific Scholarly Commons

Euler Archive - All Works Euler Archive

1769

Considérations sur les difficultés qu'on rencontre dans l'exécution des verres objectifs délivrés de toute confusion

Leonhard Euler

Follow this and additional works at: https://scholarlycommons.pacific.edu/euler-works

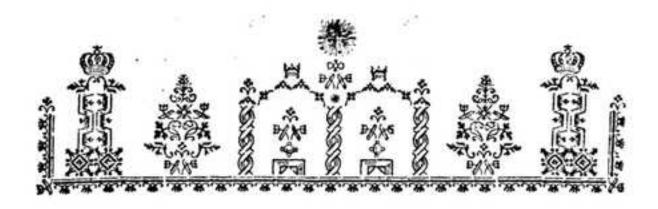
Part of the Mathematics Commons
Record Created:
2018-09-25

Recommended Citation

Euler, Leonhard, "Considérations sur les difficultés qu'on rencontre dans l'exécution des verres objectifs délivrés de toute confusion" (1769). Euler Archive - All Works. 376.

https://scholarlycommons.pacific.edu/euler-works/376

This Article is brought to you for free and open access by the Euler Archive at Scholarly Commons. It has been accepted for inclusion in Euler Archive - All Works by an authorized administrator of Scholarly Commons. For more information, please contact mgibney@pacific.edu.



CONSIDÉRATIONS

SUR

LES DIFFICULTÉS QU'ON RENCONTRE DANS L'EXÉCUTION DES VERRES OBJECTIFS DÉLIVRÉS DE TOUTE CONFUSION. (*)

PAR M. L. EULER.

1.

près avoir proposé plusieurs moyens de délivrer les verres objectifs des Lunettes de la confusion causée par leur ouverture, je ne saurois nier que plusieurs essais que j'ai faits pour exécuter de tels verres, n'ont eu aucun succès; & quelques soins que l'Artiste ait apporté à construire des verres sur les mesures que je lui avois présentées, je n'ai jamais pu remarquer, que leur combinaison produisit une moindre confusion, qu'un verre objectif simple. Ces esforts inutiles m'auroient presque déterminé à renoncer entiérement à la Théorie qui m'y avoit conduit, si le témoignage du célebre M. Short sur les Objectifs composés de M. Dollond ne m'avoit rassuré, celui-ci aiant heureusement réussi à composer un objectif d'un verre convexe & concave, dont la consusion étoit tout à fait insensible.

P 3

2. Con-

- 2. Convaincu donc de la possibilité de tels objectifs, je redoublai mes efforts pour approfondir toutes les difficultés qui peuvent
 s'opposer à l'exécution de mon dessein, & que notre Artiste n'a pu
 encore trouver moyen de surmonter. D'abord je voyois bien qu'une
 petite différence dans la nature du verre, dont la réfraction seroit un
 peu différente de celle que j'avois supposée dans le calcul, n'y pouvoit
 être d'aucune conséquence; & quoique M. Dollond lui-même ait employé deux différentes especes de verres, j'ai déjà suffisamment prouvé,
 que cette petite différence n'y contribue absolument rien, & qu'il ne
 s'agit plus ici de remédier à la diverse réfrangibilité des rayons, mais
 uniquement à la consusion qui résulte de la figure & ouverture des
 verres.
- 3. Entant que les faces des verres ont une figure sphérique, il est certain que les rayons qui passent par le milieu du verre, forment un autre soyer, que ceux qui sont transmis par les bords du verre: & à mesure que les rayons s'éloignent du milieu du verre, leurs soyers changent suivant une certaine loi, sondée sur la sphéricité de chacune de ses faces. Or, lorsqu'on a bien établi cette loi, il est toujours possible de construire un autre verre concave en supposant ses saces aussi sphériques, où le changement des soyers suive une loi directement contraire, de sorte qu'en combinant deux tels verres ensemble, les soyers de tous les rayons soient réduits au même point. C'est aussi de ce principe que j'ai tiré les déterminations pour la construction de tels objectifs composés, dont l'exécution a pourtant si peu répondu à mon attente. Il est donc bien important de découvrir la véritable cause de ce manque de succès.
- 4. Le premier foupçon tombera sans doute sur la figure des faces des verres, qui n'auroit pas été si parfaitement sphérique que je l'ai supposé dans le calcul: & en effet, quoique les bassins sur lesquels on travaille les verres, soient parfaitement sphériques, il y a bien des raisons de douter, que les verres en reçoivent précisément la même sigure. L'inégalité dans le frottement pourroit bien être assez grande

grande pour imprimer au verre une autre courbure vers les bords qu'au milieu. De là il arriveroit que la courbure vers les bords feroit ou plus petite ou plus grande que celle du milieu; & dans l'un & l'autre cas, la variation dans le foyer suivroit une autre loi que celle que j'avois supposée dans le calcul. Par conséquent on ne devroit pas être surpris que l'exécution eût si mal réussi.

- 5. Mais, quelque fondé que paroisse ce soupçon, je ne crois pas qu'il renserme la véritable raison. Si la courbure des faces étoit moindre vers les bords qu'au milieu, ce seroit un désaut bien heureux, & le verre approcheroit d'une de ces sigures parsaites, sque ¡Descartes a déjà découvertes, pour délivrer les verres de toute consusion; & il ne seroit plus question de remédier à ce désaut par l'addition d'un autre verre. Or il s'en saut bien que les verres de notre Artiste ayent ce désaut; on y remarque plutôt une consusion très sensible, qui n'a que trop besoin d'être diminuée. Ce n'est donc pas assurément de ce côté qu'il saut chercher la cause du peu de succès des soins de notre Artiste.
- 6. Mais s'il s'étoit trompé en sens contraire, & que la variation dans les foyers qui répondent aux bords du verre & à son milieu,
 stût plus grande que je ne l'ai supposée dans le calcul; il est bien vrai,
 que le verre concave que je proposée ne seroit plus capable de détruire
 cette confusion: mais il en devroit toujours détruire une partie, & un
 autre verre plus concave y temédieroit entierement. Cependant, quelque verre concave que j'aye joint au convexe, je n'ai jamais pu appercevoir la moindre diminution dans la confusion: il m'a paru phitôt que
 la confusion devenoit même plus grande: d'où je tire la facheuse conchusion, que le désaut dans l'exécution est d'une tout autre nature,
 qu'il n'est pas même possible d'y remédier par l'addition de quelqu'autre verre que ce soit.
- Pour m'assurer mieux des désauts auxquels ces verres pourroient être assujettis, j'ai examiné à part le verre convexe, & en y

couvrant tantôt le milieu tantôt les bords, j'ai mesuré exactement dans un lieu obscur les soyers formés par les rayons qui passent tant par le milieu que par les bords du verre, & j'y ai trouvé à peu près la même différence que montre le calcul fondé sur la sphéricité des faces. Ensuite j'ai combiné ce verre convexe avec le concave que l'Artiste avoit fait sur les mesures prescrites par la Théorie, & après en avoir couvert tantôt les bords tantôt le milieu, j'ai effectivement remarqué que ces deux soyers se réunissoient au même point, tout comme j'avois lieu de m'y attendre. Cependant, nonobstant cette belle réunion des soyers, cet objectif composé n'a pas laissé de produire une confusion tout à fait insupportable, ayant représenté tous les objets comme ensoncés dans un brouillard sort épais.

- 8. Ce brouillard ne fauroit être attribué qu'à une réfraction irréguliere des rayons, tout à fait différente de celle qu'une petite aberration de la figure sphérique pourroit causer. Car, pourvu que la surface des verres soit bien unie, quand même elle ne seroit point sphérique, on comprend aisement qu'un tel brouillard n'en sauroit être l'esset. Je crois donc pouvoir soutenir, que la surface des verres que j'ai employés dans ces expériences, n'étoit pas unie, mais plutôt remplie d'une infinité de petites éminences & cavités, quoiqu'en gros la figure en ait peut-être été assez parsaitement sphérique. Aussi un bon microscope ne manque pas de nous découvrir une telle inégalité dans la surface des verres les mieux polis. Cela posé, ce n'est qu'aux éminences que le bassin communique sa figure, & les rayons qui tombent dans les cavités, y souffrent une réfraction très irréguliere, & étant dispersés en tout sens causent visiblement ce brouillard qui empêche que nos objectifs n'ayent le succès espéré.
- 9. Comme cette inégalité dans la furface du verre est sans doute fondée dans sa nature, il est impossible d'y remédier; & quand même ce désaut se trouveroit moins dans une espece de verre que dans les autres, on ne sauroit jamais espérer d'en être délivré tout à fait. Mais, pourvu que ces cavités ne sussent pas polies, cet effet suneste dont

dont je viens de parler, n'en seroit pas à craindre. Voilà donc le seul moyen capable de remédier à cet inconvénient; c'est d'empêcher que les petites cavités dont la surface du verre est remplie, ne reçoivent la politure. C'est très mal à propos que la plûpart des Artistes poussent la politure du verre trop loin, s'imaginant que c'est en cela principalement que leur adresse doit paroître. Il n'y a aucun doute, que les éminences ne doivent être parfaitement bien polies; mais l'Artiste doit apporter autant de soins que les cavités demeurent non polies, ce qui dépend principalement de la matiere dont il se sert pour la politure; outre que le mouvement du verre doit être fort léger, sans qu'il soit pressé contre le bassin.

- pas du goût de la plûpart de nos Artistes, parce qu'elle sexige un tems beaucoup plus long pour polir les verres. La machine dont ils se servent ordinairement en saisant tourner le bassin avec la plus grande rapidité, est absolument contraire à ce dessein, en ce qu'on est obligé d'y presser le verre avec beaucoup de force, & que la matiere qui sert à polir, attaque aisement les petites cavités, & les rend polies. Aussi m'a-t-on assuré que M. Dollond polit tous ses verres, qui sont généralement admirés, simplement à la main, le bassin restant en repos & encore à sec: ces circonstances n'aboutissent ouvertement, qu'à empêcher que les cavités & l'intérieur des pores du verre n'en reçoivent aucune politure. Cependant je doute fort que nos Artistes s'accommodent jamais de cette méthode, de peur d'y employer trop de tems.
- précaution, je ne douterois plus du fuccès des verres objectifs compofés de deux ientilles, l'une convexe & l'autre concave: mais, pour y mieux réuffir, il me reste encore une recherche toute particuliere sur les limites entre les quelles la pratique doit être renfermée. Les mesures que j'ai prescrites sur la construction de ces verres, sont déterminées à un tel point d'exactitude, qu'on ne sauroit jamais y atteindre dans l'exécution: on s'en écartera toujours, tantôt plus tantôt moins, & il est très

important de déterminer les limites, qu'on ne fauroit paffer, sans que l'ouvrage devienne tout à fait inutile. Cette recherche aura d'autant moins de difficulté, que j'ai déjà établi dans le XIII Volume de nos Mémoires tous les élémens sur lesquels elle doit être fondée, & partant je n'aurai qu'à en tirer les formules, qui expriment en général la confusion d'une lunette composée d'autant de verres qu'on voudra.

12. Or, en conservant les mêmes dénominations que j'ai établies dans le dit volume, le demi-diametre de la confusion est exprimé par cette formule:

$$\frac{\mu x^{3}}{4\alpha^{3}} \left(\lambda m + \frac{m \phi (B+1) (\lambda' (B+1)^{2} + \nu B)}{B^{3} (\mathfrak{B} \pi - \phi)} + \&c. \right),$$

où j'omets les autres termes provenant des autres verres après les deux premiers, puisqu'ils sont ordinairement fort petits, en remarquant seulement que le dernier terme, qui répond à l'oculaire, dont la distance de foyer soit $\equiv v$, sera $\equiv \frac{\lambda^{(n)}\alpha^3}{n^3v^3}$, Or, pour que cette consusion soit encore supportable, il saut qu'elle soit moindre que cette formule $\frac{4\mu}{x^3}$, où x est un nombre dont la valeur est entre 40 & 50.

13. Le premier verre est ici suppose convexe, dont la distance de foyer est $\equiv \alpha$, & x exprime le demi-diametre de son ouverture, de sorte que si m marque le grossissement, la clarté nécessaire exige qu'on prenne $x \equiv \frac{m}{50}$ pouces. Ensuite, posant l'intervalle entre les deux premiers verres $\equiv d$, & la distance de foyer du second verre $\equiv -q$, puisque je le suppose concave, mes formules donnent

$$d = \frac{\mathfrak{B}\pi}{\mathfrak{B}\pi - \varphi} \alpha \& q = -\frac{\mathfrak{B}\mathfrak{D}}{\mathfrak{B}\pi - \varphi} \alpha, \text{ donc } \frac{d}{q} = -\frac{\pi}{\varphi}, \& \text{ partant } d = \frac{\mathfrak{B}I}{\mathfrak{B}I + q} \alpha \text{ ou } \mathfrak{B} = \frac{q}{\alpha - d} \& B = \frac{\mathfrak{B}}{1 - \mathfrak{B}} = \frac{q}{\alpha - d - q}.$$
De là

De là la condition requise pour rendre insensible la confusion, sera contenue dans cette formule:

$$\frac{x^3}{\alpha^3}\left(\lambda m - \frac{m(\alpha-d)^2(\lambda'(\alpha-d)^2 + \nu q(\alpha-d-q))}{\alpha q^3} - \cdots + \frac{\lambda^{(n)}}{m^3} \frac{\alpha^3}{\nu^3}\right) < \frac{1}{x^3}.$$

Or le foyer commun de ces deux verres tombera après le fecond verre à la distance = $\frac{-q}{\alpha - d} \frac{(\alpha - d)}{q}$, laquelle devant être positive, il faut qu'il soit $q > \alpha - d$.

14. Donc, puisque $x = \frac{m}{50}$ pouces, en exprimant toutes les mesures en pouces, & prenant x = 50, nous aurons

$$\lambda m - \frac{m(\alpha - d)^2}{\alpha q^3} (\lambda'(\alpha - d)^2 - \nu q(q - \alpha + d)) + \frac{\lambda^{(n)} \alpha^3}{m^3 v^3} < \frac{\alpha^2}{m^3},$$

d'où l'on voit que la confusion causée par le seul verre oculaire, devient déjà insupportable dès que $\frac{\lambda^{(n)}}{\nu^3} > 1$, & puisque $\lambda^{(n)}$ est à peu près

 $\frac{1}{3}$ 1,63, dès que la distance de foyer de l'oculaire v est moindre que v1,63 pouce, ou v1,63 pouce; d'où je tire cette conclusion bien importante, que quand même on seroit parvenu à construire un objectif délivré de toute confusion, dès qu'on le joindroit avec un oculaire au dessous d'un pouce de foyer, il en résulteroit une consusion tout à fait insupportable. Mais aussi réciproquement, dès que le foyer de l'oculaire surpasse deux pouces, la consusion qui en résulte est insensible, puisqu'elle décroît en raison du cube de la distance de foyer.

15. Pour les verres moyens, quand il y en a, à moins qu'ils ne foient fort mal arrangés, leur effet fur la confusion est ordinairement beaucoup plus petit que celui du seul oculaire. Cependant mettons la lettre M pour la partie qui en résulte; & puisqu'il est bon d'introduire dans le calcul la distance de foyer du verre objectif composé,

Q 2

foit p cette distance derriere le second verre concave, de sorte que $p = \frac{q(\alpha - d)}{q - \alpha + d} \otimes q = \frac{p(\alpha - d)}{p - \alpha + d};$ d'où notre formule sera $\lambda m - \frac{m(\alpha - d)(p - \alpha + d)}{\alpha p^3} (\lambda'(p - \alpha + d)^2 - \nu p(\alpha - d)) + M + \frac{\lambda^{(n)} \alpha^3}{m^3 \nu^3} \leq \frac{\alpha^3}{m^3}.$

Il n'importe qu'on prenne la valeur $\frac{\alpha^3}{m^3}$ négative ou positive; & partant, en la prenant tantôt positive tantôt négative, & changeant le signe < en =, on aura les deux limites, entre lesquelles la construction de notre verre objectif doit être contenue.

16. Voilà donc les deux limites que nous cherchons, & par rapport auxquelles le nombre λ' doit être déterminé:

$$\lambda' = \frac{vp(\alpha-d)}{(p-\alpha+d)^2} + \frac{\alpha p^3}{(\alpha-d)(p-\alpha+d)^3} \left(\lambda + \frac{M}{m} + \frac{\lambda^{(n)}\alpha^3}{m^4v^3} \pm \frac{\alpha^3}{m^4}\right),$$

d'où l'on voit d'abord, que pour les grands grossissemens ces limites s'approchent d'autant plus, que le terme $\frac{\alpha^3}{m^4}$ devient petit, ce qui arrive quand le cube α^3 croît dans une moindre raison que le quarré-quarré m^4 . Pour cet effet, supposons $\alpha = \frac{1}{\delta} m \sqrt[3]{m}$; & soit pour abréger nos formules q = np, $d = \frac{kp}{n+1}$, & nous aurons $\alpha = \frac{m+k}{n+1}p$; donc $p = \frac{n+1}{\delta(n+k)}m\sqrt[3]{m}$ & m = m+1, $m = \frac{-(n+1)}{n}$, & nous arriverons à cette équation:

$$\lambda' = \nu n(n+1) + \left(1 + \frac{k}{n}\right)(n+1)^3 \left(\lambda + \frac{M}{m} + \frac{1}{\delta^3} + \frac{6^3}{\nu^3} + \frac{1}{\delta^3}\right),$$

où le terme $\frac{1}{\delta^3}$ ne doit pas être trop petit par rapport au nombre λ , puisqu'alors l'exécution ne sauroit réussir.

- 17. Mais, d'un autre côté, fi l'on vouloit prendre d très petit, comme & = 1, on n'y gagneroit rien, & la confusion du seul premier verre seroit déjà si petite, qu'on n'auroit plus besoin du verre concave pour en diminuer l'effet. La composition de l'objectif ne nous procure donc des avantages réels, qu'entant qu'on peut donner à d'une valeur affez confidérable. D'ailleurs, ayant pris ci-deffus x = 50, cette valeur est un peu trop grande, & on peut bien se contenter de x = 45; & dans ce cas, au lieu du dernier terme $\frac{1}{\sqrt{3}}$, nous aurions $\frac{1000}{729\sqrt{3}}$ ou $\frac{4}{3\sqrt{3}}$, d'où pour le même nombre $\sqrt{3}$ les limites embrasseront un plus grand intervalle, & souffriront dans la pratique une plus grande aberration. Or, plus on est en état d'exécuter les mesures prescrites, plus on pourra prendre le nombre & grand, & l'objectif composé pourra être employé à des grossissemens plus confidérables. Outre cela, puisque le verre concave allonge la lunette, la composition de l'objectif ne sera d'aucun avantage, à moins qu'on ne puisse prendre $\delta > \frac{10}{9} \cdot \frac{n+k+1}{n+k}$, puisque cette valeur répond aux objectifs fimples ordinaires.
- 18. Cette circonftance ne nous permet pas de donner au nombre n des valeurs très petites, qui feroient d'ailleurs à l'égard de la construction du verre concave les plus convenables, puisque la moindre valeur de la lettre d, qui nous procureroit quelque avantage réel, deviendroit déjà trop considérable, pour qu'on pût espérer de ne pas passer dans l'exécution les limites prescrites. Je suppose ici que le nombre k, qui détermine la distance des verres d, soit une fraction très petite, pour ne pas diminuer le champ apparent; car, si l'on vouloit donner à k une valeur assez considérable, on pourroit bien prendre n Q 3

d'autant plus petit: mais il vaudra toujours mieux prendre le nombre n plus grand, & donner à k la plus petite valeur que l'épaisseur des verres puisse souffe souffrir. On sera bien obligé d'admettre de si grandes distances de foyer par rapport au grossissement, qu'on pourra prendre $k = \frac{1}{\sqrt{200}}$, & encore plus petit.

groffissement m, il faut prendre $v = \frac{p}{m}$, d'où l'on aura $v^3 = \frac{m(n+1)^3}{\delta^3(n+k)^3}$, & partant notre équation sera:

$$\lambda' = vn(n+1) + \left(1 + \frac{k}{n}\right)(n+1)^3 \left(\lambda + \frac{M}{m} + \frac{1.63(n+k)^3}{m(n+1)^3} + \frac{4}{3\delta^3}\right);$$

d'où l'on voit que, pour les grands grossissemens, la confusion causée par l'oculaire est très petite par rapport à celle de l'objectif, qui doit être détruite par le verre concave. Il s'agit donc de voir, à quel degré de précision on peut porter la pratique, de sorte que les limites actuelles étant connues, on en puisse ensuite conclure la valeur de δ , d'où l'on conclura enfin la distance de soyer du premier verre $\alpha = \frac{m\sqrt{3}}{\delta}$, & de là les autres mesures p & q exprimées en pouces. Cet-

te recherche se sera le plus commodément, en donnant au nombre n des valeurs déterminées: où je remarque en général qu'il convient de poser $\lambda \equiv 1$, puisque ce nombre ne sauroit recevoir une valeur plus petite. Or, pour le nombre k, je le supposerai toujours $\equiv \frac{n}{100}$, pour réduire l'intervalle entre les deux premiers verres à une quantité assez petite.

I Hypothese n = 1.

20. On a donc q = p, $\alpha = \frac{1}{2}\frac{01}{00}p$, & $d = \frac{1}{2}\frac{1}{00}p$, & partant pour le verre concave $\mathfrak{B} = 2$, & B = -2. Or le groffissement m étant proposé, il faut prendre $p = \frac{2}{1}\frac{00}{00}$. $\frac{m\sqrt[3]{m}}{\delta}$,

où l'adresse de l'Artiste déterminera le nombre δ. On a donc pour le nombre λ':

$$\lambda' = 2\nu + \frac{101}{100} \cdot 8 \left(1 + \frac{1,63 \cdot 101^3}{200^3 \cdot m} \pm \frac{4}{3 \delta^3} \right).$$

Maintenant il faut se souvenir, que connoissant pour le verre concave sa distance de soyer -g, avec les nombres $\mathfrak{B} \& \lambda'$, sa construction est déterminée de cette sorte:

le rayon de sa face de devant
$$=\frac{-q}{\varrho \mathfrak{B} - \sigma(\mathfrak{B} - 1) + \tau \mathcal{V}(\lambda' - 1)}$$

le rayon de sa face de derriere
$$=\frac{-q}{\sigma \mathfrak{B} - \varrho (\mathfrak{B} - 1) - \tau V (\lambda' - 1)}$$

où les nombres g, σ , τ avec ν dépendent de telle sorte de la nature du verre, que si la raison de réfraction est 1,55 à 1, on a

q = 0,19078; $\sigma = 1,62740$; $\tau = 0,90513 & v = 0,23269$. Or la valeur de λ' se développe en ces trois parties:

$$\lambda' = 8,54538 + \frac{1,6961}{m} + \frac{10,77}{83};$$

d'où l'on tire
$$V(\lambda'-1) = 2,7469 + \frac{0,3087}{m} + \frac{1,9610}{\delta^3}$$
,

&
$$\tau V (\lambda' - 1) = 2,4862 + \frac{0,2793}{m} \pm \frac{1,7747}{\delta^3}$$
.

Or $\varrho \mathfrak{B} - \sigma (\mathfrak{B} - 1) \equiv -1,24584 \& \sigma \mathfrak{B} - \varrho (\mathfrak{B} - 1) \equiv 3,06402$; donc les deux rayons des faces du verre concaves sont:

de devant
$$= \frac{-q}{1,2404 + \frac{0,2793}{m} + \frac{1,7747}{3}}$$

de derrière =
$$\frac{-q}{0.5778 - \frac{0.2793}{m} + \frac{1.7747}{3}}$$

quand i! faut travailler la face d'un verre fur une sphéricité dont le rayon est $\equiv \mathbf{r}$, l'Artiste soit si habile, qu'il se trompe moins que de la partie $\frac{\mathbf{I}}{N}$ de ce rayon \mathbf{r} . Donc, si le rayon d'une face doit être $\frac{\mathbf{I}}{P} = \frac{\mathbf{Q}}{\mathbf{I}}$, ou $\frac{\mathbf{I}}{P} = \frac{\mathbf{Q}}{P \delta^3}$, il faut supposer $\frac{\mathbf{I}}{N} = \frac{\mathbf{Q}}{P \delta^3}$;

d'où nous tirons $\delta = \sqrt[3]{\frac{NQ}{P}}$; & pour en faire l'application, il est clair qu'il faut prendre la face qui donne pour δ la moindre valeur, comme la plus difficile à exécuter; ce sera donc celle où P est plus gran-1. Puisque c'est la face de devant, nous aurons $P = 1,2404 + \frac{0,2793}{m}$, & Q = 1,7747; d'où nous tirons assez exactement $\delta = \sqrt[3]{\frac{10}{7}}$ N; ce qui nous fournit les conclusions suivantes:

I. Si l'Artiste n'est capable de travailler la face d'un verre qu'à une 50^{me} partie près du rayon, nous aurons $\delta = \sqrt[3]{7}$, ou $\delta = 4\frac{1}{7}$, & partant, pour un grossissement quelconque m, la distance de foyer de notre objectif, comptée depuis le premier verre, $d + p = \frac{2}{7} \cdot \frac{8}{7} \cdot \frac{1}{7} \cdot \frac{m\sqrt[3]{m}}{\sqrt[3]{m}} = \frac{m\sqrt[3]{m}}{2,07}$. Or, en employant un verre objectif simple, on peut prendre sa distance de foyer $= \frac{m\sqrt[3]{m}}{1,33}$; donc par ce moyen la longueur de la lunette n'est pas encore réduite à la moitié.

II. Si l'Artiste est si habile qu'il ne se trompe pas de la partie $\frac{1}{168}$ du rayon d'une face, à cause de N = 100, nous aurons $\delta = \sqrt[3]{143}$, ou bien $\delta = 5,23$; d'où pour le grossissement m la distance de foyer de notre objectif composé sera $d + p = \frac{m\sqrt[3]{m}}{2,61}$, qui n'est que la moitié de celle d'un objectif simple.

III. Donc, s'il falloit réduire la distance de foyer à la quatrieme partie, il faudroit qu'il sût $\frac{1}{2}\delta = 5,33$, ou $\delta = 10,66$; donc $N = \frac{7}{10}\delta^3 = 849$; c'est à dire qu'il y est requis un tel degré d'adresse, qu'on ne se trompe point dans l'exécution de la $\frac{7}{10}$ partie du rayon: or je doute fort qu'on puisse jamais atteindre ce degré d'adresse.

22. Ayant donc q = 2p; $\alpha = \frac{2}{3}\frac{2}{5}p$; $d = \frac{2}{3}\frac{2}{5}p$ & $p = \frac{3}{2}\frac{2}{5}$; donc la distance $d + p = \frac{2}{2}\frac{2}{5}$. $\frac{m\sqrt[3]{m}}{\delta}$, cet-

te distance étant dans le cas d'un objectif simple $\equiv \frac{m\sqrt[3]{m}}{1,33}$. Or, pour la construction du verre concave, nous aurons $\mathfrak{B} \equiv 3$, &

$$\lambda' = 1,3962 + \frac{101}{100} \cdot 27 \left(1 + \frac{1,63}{m} \left(\frac{102}{300}\right)^3 + \frac{4}{3^{13}}\right)$$
, ou

$$\lambda' = 38,666 + \frac{13}{m} + \frac{36,36}{6^3}$$
, & partant

$$rV(\lambda'-1)=5,5550+\frac{0,958}{m}\pm\frac{2,6810}{3};$$

or $3\varrho - 2\sigma = -2,6825$, & $3\sigma - 2\varrho = +4,5006$; done les rayons des deux faces de nos verres

de devant =
$$\frac{-q}{2,8735 + \frac{0,958}{m} + \frac{2,6810}{\delta^3}}$$
,

de derriere =
$$\frac{-g}{-1,0544 - \frac{0,958}{m} + \frac{2,6810}{\delta^3}}$$

R

Ici donc, pour juger de la valeur de δ , il faut s'en tenir à la premiere face, qui nous donne $P = 2,8735 + \frac{0,958}{m} & Q = 2,6810$, & partant $\delta = \sqrt[3]{0,923}$ N: dont voici les conclusions.

I. Si l'Artiste ne peut répondre que de la 50^{me} partie du rayon, de sorte que $N \equiv 50$, nous aurons $\delta \equiv 3,58$, & partant la distance de soyer de notre objectif composé $d + p \equiv \frac{m\sqrt[3]{m}}{2,39}$, qui est en esset presque deux sois plus petite qu'en se servant d'un oculaire simple.

II. Si l'Artiste est sûr de ne pas se tromper d'une 100^{me} partie, de sorte que $N \equiv 100$, nous aurons $\delta \equiv 4,52$; donc la distance de soyer de l'objectif composé $d + p \equiv \frac{m\sqrt[3]{m}}{3,01}$, qui est à celle d'un objectif simple comme 9 à 4.

III. Pour réduire donc la longueur à la quatrieme partie, il faudroit qu'il fût $\delta = 8$, & partant $N = \frac{512}{0,923} = 555$; d'où l'on voit que cette hypothese est préférable à la précédente.

III Hypothese
$$n = 3$$
, & $k = \frac{3}{100}$.

23. Ayant q = 3p; $d = \frac{3}{400}p & \alpha = \frac{3}{400}p$, nous aurons: $p = \frac{4}{300} \cdot \frac{m\sqrt[3]{m}}{\delta}$, & $d + p = \frac{4}{300} \cdot \frac{m\sqrt[3]{m}}{\delta}$. Or, pour la construction du verre concave $\mathfrak{B} = 4$, &

$$\lambda' = \frac{12y + \frac{101}{100} \cdot 64 \left(1 + \frac{1,63}{m} \left(\frac{303}{400}\right)^2 \pm \frac{4}{303}\right); \text{ donc}}{\lambda' = 67,4324 + \frac{45,7967}{m} \pm \frac{86,19}{5^3}; \& \text{ partant}}$$

$$\tau V (\lambda' - 1) = 7,3773 + \frac{2,5418}{m} \pm \frac{4,7857}{\delta^3}$$

Or $4\varrho - 3\sigma = -4$, 1191 & $4\sigma - 3\varrho = +.5$, 9372; & partant les rayons des deux faces de notre verre concave

de devant =
$$\frac{-q}{+3,2582 + \frac{2,5418}{m} + \frac{4,7857}{\delta^3}}$$
,

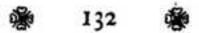
de derrière =
$$\frac{-q}{-1,4401 - \frac{2,5418}{m} + \frac{4,7857}{\delta^3}}$$
.

Il faut donc s'en tenir à la premiere, qui donne $P \equiv 3,2582 + \frac{2,5413}{m} \equiv 3,342$, en prenant $m \equiv 30$, & $Q \equiv 4,7857$; donc $\delta \equiv \sqrt[3]{1,431}$ N; d'où je conclus:

I. Si l'Artiste dans son travail n'est assuré que de la 50^{me} partie du rayon, de sorte que N = 50, nous aurons $\delta = 4, 15$, & partant la longueur $d + p = \frac{m\sqrt[3]{m}}{3,11}$, qui est à celle d'un objectif simple comme 3 à 7.

II. Si l'Artiste pouvoit répondre de la 100^{me} partie, nous aurions $\delta = 5,23$ & partant $d + p = \frac{m\sqrt[3]{m}}{3,92}$, qui seroit à peu près trois fois plus courte qu'en employant un objectif simple.

III. Enfin, si l'on souhaitoit une longueur quatre fois plus petite, à cause de $\frac{3}{4}\delta \equiv 4 \cdot \frac{4}{3}$, ou $\delta \equiv 7,11$, l'adresse de l'Artiste devroit être au point qu'il sût $N \equiv 251$, & partant cette hypothese est encore bien présérable à la précédente.



IV Hypothese n = 4, & k = +50.

24. Ayant q = 4p, $d = \frac{1}{500}p$, & $\alpha = \frac{1}{500}p$, il faut poser $p = \frac{500}{400}$. $\frac{m\sqrt{m}}{\delta}$, & partant $d + p = \frac{500}{400}$. $\frac{m\sqrt[3]{m}}{\delta}$; or, pour la construction du verre concave $\mathfrak{B} = 5$, &

$$\lambda' = 20y + \frac{101}{100} \cdot 125 \left(1 + \frac{1,63}{m} \left(\frac{404}{500}\right)^3 \pm \frac{4}{3} \frac{4}{5}\right);$$

ou, puisque nous pouvons aisément négliger la partie 100me,

$$\lambda' = 125 + 209 + \frac{1,63}{m} \cdot 64 + \frac{500}{3\delta^3} = 129,654 + \frac{104}{m} + \frac{167}{\delta^3};$$

donc $\tau V (\lambda' - 1) = 10,2660 + \frac{4,15}{m} + \frac{6,66}{\delta^3}$; & puifque

 $5g - 4\sigma = -5,5557$, & $5\sigma - 4g = 7,3738$,

nous aurons les rayons des faces de notre verre concave

de devant =
$$\frac{-q}{4,7103 + \frac{4,15}{m} + \frac{6,66}{3}}$$
,

de derrière =
$$\frac{-q}{-2,8922 - \frac{4,15}{m} + \frac{6,66}{\delta^3}}$$
.

Tenons-nous en donc à la premiere, qui donne P = 4,7103 + $\frac{4,15}{m}$, ou P = 4,85, & Q = $\frac{6,66}{3^3}$; d'où nous tirons δ = $\sqrt[3]{1,373}$ N; d'où je conclus:

I. Si l'Artiste est sur de la 50 partie du rayon dont il travaille une face, à cause de N = 50, nous aurons d = 4,095, & partant

la longueur $d + p = \frac{m\sqrt[3]{m}}{3,276}$, qui est à celle d'un objectif simple comme 2 à 5.

II. Or, si l'Artiste pouvoit répondre de la 100^{me} partie du rayon, on auroit $\delta = 5,16$, & la longueur $d + p = \frac{m\sqrt[3]{m}}{4,13}$, qui est $3\frac{1}{10}$ fois plus grande qu'en n'employant qu'un objectif simple.

III. Pour réduire la longueur du foyer à la quatrieme partie, à cause de \$\frac{4}{3} = \frac{1}{3}^6\$, & \$\delta = \frac{2}{3}^9\$, l'adresse de l'Artiste doit répondre au nombre N = 216, ou il faut qu'il puisse être sûr de la 216 partie du rayon: cette hypothese est donc encore plus avantageuse que la précédente.

25. Je négligerai ici la distance d, puisqu'il ne s'agit que de déterminer à peu près, & ayant q = 5p, $\alpha = \frac{2}{5}p$, & $p = \frac{2}{5}$. $\frac{m\sqrt[3]{m}}{5}$, nous aurons pour le verre concave $\mathfrak{B} = 6$, &

$$\lambda' = 30v + 216 + 125 \cdot \frac{1,63}{m} + \frac{288}{\delta^3}$$
, ou bien

$$\lambda' = 222,981 + \frac{204}{m} + \frac{288}{\delta^3}$$
; done

$$\tau V (\lambda' - 1) = 13,4850 + \frac{6,20}{m} \pm \frac{8,75}{\delta^3}$$
. Or

 $6\varrho - 5\sigma \equiv -6,9923$, & $6\sigma - 5\varrho \equiv +8,8104$; donc les rayons des faces du verre concave feront

$$\frac{-q}{6,4927 + \frac{6,20}{m} \pm \frac{8,75}{3^3}},$$
R 3

de derrière
$$= \frac{-q}{4,6746 - \frac{6,20}{m} + \frac{8,75}{\delta^3}}$$
,

dont celle-là donne P = 6,7, & Q = 8,75; d'où nous tirons $\delta = \sqrt[3]{1,306}$ N; d'où je conclus:

- I. Si l'adresse de l'Artiste se borne à la 50^{me} partie du rayon, de sorte que $N \equiv 50$, on aura $\delta \equiv 4,03$, & partant la distance de soyer de notre objectif composé $p \equiv \frac{m\sqrt{m}}{3,36}$, qui est un peu plus petite que dans l'hypothese précédente.
- II. Si l'Artiste est sûr de la 100^{me} partie de son rayon, la valeur $N \equiv 100$ donne $\delta \equiv 5,07$, & la distance de soyer $p \equiv \frac{m\sqrt[3]{m}}{4,23}$.
- III. Mais, si l'on demandoit une adresse capable de raccourcir la distance de foyer à sa quatrieme partie, à cause de $\frac{1}{5}\delta \equiv \frac{1}{3}$, ou $\delta \equiv \frac{3}{5}$, nous aurons $N \equiv 201$, ou bien l'Artiste doit être en état de ne pas se tromper de la 200 partie du rayon sur lequel il travaille.
- augmentant le nombre n les avantages deviennent toujours plus grands, & qu'en supposant $n \equiv \infty$, une adresse de la part de l'Artiste, qui pourroit répondre de la centieme partie du rayon, seroit suffisante pour raccourcir la distance de foyer de l'objectif à la quatrieme partie. Mais, depuis cette hypothese, les avantages augmentent presque insensiblement, de sorte qu'il ne vaudroit pas la peine de pousser plus loin ces hypotheses. Mais il faut ici principalement avoir égard à cette circonstance, que plus on augmente le nombre n, plus les rayons des deux faces de notre second verre ménisque deviennent égaux entr'eux; & l'on sait que la construction de tels ménisques est sujette à de grands inconvéniens.

objectifs composés, il est bon de donner au nombre n la plus grande valeur que les autres circonstances permettent; & puisque les avantages qu'on retireroit en donnant à n une plus grande valeur que 5, ne croissent plus sensiblement, je m'arrêterai à cette hypothese n = 5, & j'en déduirai plus soigneusement les regles pour la construction de ces objectifs composés, qui puissent servir pour toutes les especes de lunettes. Or, quelque grand que soit le nombre des verres, pour que la consusion évanouisse entierement, l'expression suivante doit être réduite à zéro:

$$\lambda + \frac{\phi(B+1)(\lambda'(B+1)^2 + \nu B)}{B^3 (\mathfrak{B}\pi - \phi)} + \frac{\phi(C+1)(\lambda''(C+1)^2 + \nu C)}{B^3 C^3 (\mathfrak{C}\pi' - \pi + \phi)} + \frac{\phi(D+1)(\lambda''' (D+1)^2 + \nu D)}{B^3 C^3 D^3 (\mathfrak{D}\pi''' - \pi'' + \pi' - \phi)} \&c.$$

chaque verre fournissant'un membre dans cette expression, dont la signification est expliquée dans mon Mémoire du XIII Volume.

28. Si la distance de foyer du premier verre en A est posée $\equiv \alpha$, celle du second verre en $B = \frac{\Im \phi}{\Im \pi - \phi} \alpha$, & l'intervalle entre ces deux verres AB est $\equiv \frac{\Im \pi}{\Im \pi - \phi} \alpha$, & le foyer commun de ces deux verres tombe après le second à la distance $\equiv \frac{B\phi}{\Im \pi - \phi} \alpha$, que je regarderai comme la distance de foyer du verre objectif composée, en la posant $\equiv p$, de sorte que $\alpha = \frac{\Im \pi - \phi}{B\phi} p$. Soit ensuite la distance de foyer négatif du second verre concave $\equiv -np$, pour avoir $\frac{\Im \phi}{\Im \pi - \phi} \alpha = \frac{\Im p}{Bp} = -np$, & partant $\Im = \frac{B}{1+B} = -nB$; d'où

d'où nous tirons $1 + B = -\frac{1}{n}$ & $B = -\frac{(n+1)}{n}$; donc $\mathfrak{B} = n+1$, comme ci-dessus. Or, pour l'intervalle des verres, posons-le $= \frac{k}{n+1}p$, & de là nous aurons $\frac{k}{n+1}p = \frac{\mathfrak{B}\pi}{B\Phi}p = -\frac{n\pi}{\Phi}p$, donc $\pi = \frac{-k\Phi}{n(n+1)}$.

29. Donc, puisque $\frac{\Phi}{\mathfrak{B}\pi - \Phi} = \frac{-n}{n+k}$, & partant $\alpha = \frac{n+k}{n+1}p$, la distance de foyer du second verre concave étant =-np, & l'intervalle entre les verres $AB = \frac{k}{n+1}p$, les deux premiers membres de notre formule, qui doit être réduite à rien, seront

$$\lambda - \frac{n}{(n+k)(n+1)^3} (\lambda' - \nu n (n+1));$$

& pour tous les autres membres fournis par les verres suivans, écrivons la lettre M, dont la valeur sera toujours très petite par rapport aux premiers, & il s'agit de satisfaire à cette équation:

$$\lambda = \frac{n}{(n+k)(n+1)^3} (\lambda' - \nu n (n+1)) + M = 0,$$

qui nous fournit la valeur du nombre λ' exprimée de cette forte.

$$\lambda' = \nu n (n + 1) + \left(1 + \frac{k}{n}\right) (n + 1)^3 (\lambda + M).$$

30. Posons donc n = 5, & soit k une fraction très petite, que je laisserai encore indéterminée, puisqu'on peut aisément la joindre avec la petite quantité M: & par la distance de foyer du verre composé p, nous aurons la distance de foyer du premier verre

 $\alpha = \frac{5+k}{6}p$, & du fecond = -5p, avec leur intervalle AB $= \frac{k}{6}p$. Ensuite, pour le premier verre en A, prenons $\lambda = 1$, asin que sa consus devienne la plus petite, & nous aurons pour le verre concave: $\lambda' = 30v + 216\left(1 + \frac{k}{5}\right)(1 + M)$. Cependant pour la fraction k, qu'on ne sauroit prendre plus petite que l'épaisseur des verres ne le permet, si l'on réussission à détruire toute la consusion, & qu'on voulût prendre $x = \frac{1}{8}\alpha$, la valeur de k devroit être au moins $= \frac{1}{40}$. Posons donc $k = \frac{3}{40}$, & nous aurons $\alpha = \frac{203}{240}p$, & l'intervalle AB $= \frac{1}{800}p$, & ensin:

$$\lambda' = 30v + 216 \cdot \frac{2}{2} \frac{3}{5} (1 + M) = 219,24 + 30v + 219,24 M.$$

31. Maintenant il faut se souvenir, que la lettre ν, de même que les lettres ρ, σ, τ, qui entrent dans la détermination des faces des verres, dépendent de la réfraction des rayons en entrant de l'air dans le verre, laquelle n'étant pas assez fixe, considérons-en les principaux cas:

Réfraction

1,50°:1; v = 0,20000; $\varrho = 0,28571$; $\sigma = 1,71429$; $\tau = 0,95832$, 1,51:1; v = 0,20643; $\varrho = 0,26529$; $\sigma = 1,69549$; $\tau = 0,94686$, 1,52:1; v = 0,21291; $\varrho = 0,24563$; $\sigma = 1,67745$; $\tau = 0,93584$, 1,53:1; v = 0,21945; $\varrho = 0,22668$; $\sigma = 1,66011$; $\tau = 0,92522$, 1,54:1; v = 0,22605; $\varrho = 0,22841$; $\sigma = 1,64344$; $\tau = 0,91499$, 1,55:1; v = 0,23269; $\varrho = 0,19078$; $\sigma = 1,62740$; $\tau = 0,90513$; & pour chacun de ces cas, développons la construction de notre objectific compôse.

Or d'abord, pour le premier verre convexe, puifque λ = 1,
 fa distance de foyer α = ²/₂ ²/₃ p, les rayons de ses deux faces seront Mém. de l'Acad. Tom. XVIII.

de devant
$$=\frac{203p}{240p}$$
, & de derriere $=\frac{203p}{240p}$;

& pour le second verre concave, dont la distance de foyer est = -5p, les rayons de ces deux faces, dont je nommerai pour abréger celui de la face de devant = f, & celui de la face de derriere = g, seront

$$f = \frac{-5p}{6p - 5\sigma + \tau V(\lambda' - 1)}, & g = \frac{-5p}{6\sigma - 5p - \tau V(\lambda' - 1)}.$$

C'est donc de ces quatre formules qu'il faut calculer les valeurs pour chaque cas de réfraction.

Pour le premier verre convexe.

33. Comme les rayons des faces de ce verre ne dépendent que des deux lettres ρ & σ, le calcul se fera aisément, & on trouvera ces deux rayons exprimés de la maniere suivante:

	Raifon	Rayon de la face Rayon de la face		
Si l'on vouloit	de réfraction,		de derriere,	
que AB fût 30 p,	1,50:1	0,49341p	2,96046p	
il faudroit ajouter	1,51:1	0,49887p	3,18834p	
à ces valeurs leur	1,52:1	0,50424p	3:44353P	
partie 4 o.	1,53:1	. 0,50950p	3,73140p	
	1,54:1	0,51467p	4,05851p	
	1,55:1	0,51975P	4,43355p.	

Pour le second verre concave ou ménisque.

34. Cette détermination demande plus de calcul. D'abord, fi $\lambda' - 1 \equiv L + 219,24 M$, puifque M est une fraction très petite, on aura affez exactement $V(\lambda' - 1) \equiv VL + \frac{109,62 M}{VL}$, & partant $\tau V(\lambda' - 1) \equiv \tau VL + \frac{109,62 T}{VL} M$, qu'il faut combiner

avec les valeurs des formules 6 \(\epsilon - 5 \sigma & 6 \sigma - 5 \epsilon;\) ces trois valeurs sont exprimées pour chaque cas de réfraction de cette sorte:

Dailer de	valeur de	valcur de	valeur de	
Raison de réfraction	6g - 50,	60 - 50,	$\tau VL + \frac{109,62 \tau}{VL}M$	
1,50:1	-6,85719	8,85719	14,35050 + 7,0153 M	
1,51:1	-6,88571	8,84649	14, 18469 + 6,9282 M	
1,52:1	-6,91347	8,83655	14,02596 + 6,8448 M	
1,53:1	-6,94047	8,82726	13,87284 + 6,7642 M	
1,54:1	-6,96674	8,81859	13,72552 + 6,6864 M	
1,55:1	-6,99232	8,81050	113,58361 + 6,6114M.	

35. De là formons premierement les dénominateurs des fractions données pour les rayons des faces du second verre, qui seront exprimés ainsi:

Raifon de	I. Dénominateur	II. Denominateur		
réfraction	$6g - 5\sigma + \tau V(\lambda' - 1)$	65-58-TV (N'-1)		
1,50:1	+7,49331+7,0153M	-5,49331-7,0153M		
1,51:1	+7,29898+6,9282M	-5,33820-6,9282M		
1,52:1	+7,11249+6,8448M	-5,18941-6,8448M		
1,53:1	+ 6,93237 + 6,7642 M	-5,04558-6,7642M		
1,54:1	+6,75878+6,6864M	-4,90693-6,6864M		
1,55:1	+6,59129+6,6114M	-4,77311-6,6114M;		

tous les deux dénominateurs sont rapportés au même numérateur — 5 p.

quons que cette fraction $\frac{-5p}{r+sM}$, donne affez exactement $\frac{-5p}{r}p$ +

5 s mp; d'où nous tirons pour les rayons de chaque face les valeurs fuivantes:

raison de pour le second verre,

réfraction, Rayon de la face de devant, rayon de la face de derrière, Si l'on vouloit 1,50:1 -0,66726p + 0,6247 Mp + 0,91020p - 1,1624 Mp que $AB = \frac{1}{30}p$, 1,51:1 -0,68503p + 0,6502 Mp + 0,93665p - 1,2156 Mp il faudroit pren- 1,52:1 -0,70299p + 0,6765 Mp + 0,96350p - 1,2708 Mp dre $M = \frac{1}{40} + M$. 1,53:1 -0,72126p + 0,7038 Mp + 0,99096p - 1,3285 Mp 1,54:1 -0,73978p + 0,7319 Mp + 1,01897p - 1,3885 Mp 1,55:1 -0,75858p + 0,7609 Mp + 1,04754p - 1,4510 Mp;

d'où l'on voit que la face de devant de ce verre est toujours concave, & celle de derriere convexe. Or la distance entre ces deux res est AB = 10 p.

- 37. Pour la lettre M, elle marque la partie de la confusion qui résulte des autres verres de la lunette, & partant elle dépend aussi du grossissement, que j'exprime par le nombre m. Si l'on n'emploie qu'un seul oculaire, cette partie de consusion sera sort à peu près $\equiv \frac{1}{m}$, qu'il saudra écrire à la place de M. Or cette même lettre M admet une certaine latitude, que les limites de la consusion admettent, en vertu de laquelle on peut ajouter ou soustraire de M la particule $\frac{\alpha^3}{m \, x^3 \, x^3}$, prenant v = 45, & x marque le demi-diametre de l'ouverture de l'objectif; & l'on sait qu'il saut prendre $x = \frac{m}{50}$ pouces, de sorte que cette particule devient $\frac{4\alpha^3}{3m^4}$. Ou bien, si l'on suppose $\alpha = \frac{m\sqrt{m}}{\delta}$, au lieu de M, on peut écrire $M \pm \frac{4}{3\delta^3}$; d'où l'on peut juger du point de précision qu'on attend de l'adresse de l'Artiste.
- 3 8. Mais, quand même l'Artiste passeroit ces limites, pourvu que l'erreur ne fût pas très grossiere, on pourra toujours se servir d'un

d'un tel objectif pour des grossissemens plus petits qu'on ne se sera proposé. Or, comme cet objectif a été construit sur une certaine distance entre les deux verres, on comprend aisément qu'un tel objectif composé, où l'Artiste se sera écarté tant soit peu des mesures prescrites, pourra néanmoins être parfait par rapport à une autre distance entre les verres; & l'on pourra trouver des valeurs pour les nombres n & k, qui conduiroient précisément à l'objectif exécuté. On n'aura donc qu'à joindre les deux verres de telle sorte, moyennant une vis, qu'on les puisse éloigner ou approcher tant soit peu, & par ce moyen on découvrira aisément la petite dissance où toute la consusion doit disparoitre. C'est sans doute le plus sûr moyen de porter les lunettes au plus haut degré de perfection, lequel ne sauroit manquer, pourvu que les verres ne soient pas assujettis à une consusion irréguliere dont j'ai parlé au commencement.

- 39. En cas qu'on voulût construire de tels objectifs, où la distance entre les verres seroit plus grande, asin qu'on sût mieux en état d'y apporter les corrections nécessaires, en les rapprochant davantage, il ne seroit pas nécessaire de resondre tout ce calcul. On n'a qu'à remarquer, qu'en augmentant la valeur de k, d'où dépend l'intervalle entre les verres, la lettre M en recevra un plus grand coëfficient. Par conséquent nous arriverons à ce but, quand nous donnerons à la lettre M une valeur tant soit peu plus grande, qu'elle n'auroit en esset dans les formules qui expriment les rayons des faces du second verre; car alors l'intervalle entre les verres sera augmenté dans la même raison, & partant susceptible d'une plus grande diminution, en cas que les circonstances l'exigent.
- 40. Puisque l'intervalle entre les deux verres qui constituent ces objectifs, est si petit, dans la combinaison avec d'autres verres on peut regarder ces objectifs comme des lentilles simples, dont la distance de soyer est = p, par laquelle les rayons des quatre saces sont déterminés. Mais ces objectifs composés ont ce grand avantage sur les simples, qu'ils ne produisent non seulement aucune consusion, mais

qu'un

qu'un léger changement dans leur distance est même capable de détruire la confusion qui résulteroit des autres verres. Donc, pourvu que l'Artiste trouve moyen de surmonter toutes les difficultés qui s'opposent à leur exécution, on peut espérer de porter par ce moyen les lunettes au plus haut degré de perfection dont elles soient susceptibles; & cela d'autant plus, que j'ai déjà découvert les moyens d'augmenter le champ apparent, autant qu'on peut le souhaiter, en multipliant le nombre des verres oculaires.

41. Mais, quand la confusion qui résulte des autres verres, est si grande, que la lettre M approche sort de l'unité, on ne sauroit plus se servir des formules que j'ai données pour le ménisque. Pour ces cas j'ajoute ici une table, qui montre les véritables valeurs des rayons des deux saces de notre ménisque, pour la raison de résraction de 1,54:1.

Pour le Ménisque,

						rayon de fa face de devant,	rayon de fa face de derriere,
fi M = r		-		•		-0,40588p	+0,47769p
$fi M = \frac{1}{4}$	**	•		•	•	-0,51170p	+0,63135p
fi M = ‡	•		•	*		-0,59961p	+0,77079p
$6 M = \frac{1}{6}$		•	3		-	-0,63847p	+0,83620p
$fi M = \frac{1}{8}$				_		-0,66039p	+0,87422p
$fi M = \frac{1}{10}$		-	-		-	-0,67460p	+0,89930p
$M = \frac{1}{12}$		•	•	-	-	-0,68446p	+0,91691p.