



1753

# Emendatio laternae magicae ac microscopii solaris

Leonhard Euler

Follow this and additional works at: <https://scholarlycommons.pacific.edu/euler-works>

 Part of the [Mathematics Commons](#)

Record Created:

2018-09-25

---

## Recommended Citation

Euler, Leonhard, "Emendatio laternae magicae ac microscopii solaris" (1753). *Euler Archive - All Works*. 196.  
<https://scholarlycommons.pacific.edu/euler-works/196>

EMENDATIO  
 LATERNÆ MAGICÆ  
 AC  
 MICROSCOPI SOLARIS.  
 AVCTORE  
 L. Euler.

§. I.

**C**um constructio et effectus horum duorum instrumentorum Dioptricorum satis sit cognitus, incommoda et vitia, quibus ea laborant, ante commemorabo, quam eorum emendationem exponam. Primo autem obiecta, quae per utrumque horum instrumentorum repraesentare volumus, pellucida esse debent, ita ut ab una parte illuminata etiam ex altera parte splendeant, atque illuminatio quasi per ipsum obiecti corpus penetret. Hinc pro Laterna Magica obiecta, repraesentanda super tabulis vitreis pingi solent, idque coloribus tenuibus ac diaphanis, ut pictura pelluciditati nullum detrimentum afferat. Pro Microscopio autem solari minima obiecta, quorum imago per id in oppositam tabulam albam proicitur, tam tenuia esse opportet, ut pro diaphanis haberi queant. Vnde non solum hoc incommodum nascitur, quod non omnis generis obiecta per haec instrumenta repraesentari queant, sed etiam, cum perfecta pelluciditas etiam in iis obiectis, quae aptissima videntur, inesse non possit, eius defectus necessario in repraesentatione obscuritatem et confusionem pariet.

§. 2. Deinde obiecta in his instrumentis non in ea parte, quae lenti refringenti est obuersa, sed in altera par-

Z z 2 te

te auersa illuminantur, quam ob causam quoque ea pellucida esse debent. In Laterna enim Magica figurae super vitro depictae a luce pone eas posita illuminari solent, quod lumen etiam a speculo augetur. In Microscopio autem solari obiectum a radiis solis ope speculi in id reflexis, et per lentem conuexam magis collectis illustratur, idque in ea etiam parte, quae a lente Microscopica est euersa. Hinc fit, vt ea facies, quae proprie in effigie repraesentari debet, non nisi ob pelluciditatem illuminetur, et si quae partes sint opacae, eae penitus inconspicuae maneant, quod quidem vitium iam ante est commemoratum. Sed praecipuum incommodum, quod hinc nascitur, in hoc consistit, quod plurimi radii lucis vel solis per obiectum penetrant, atque tabulam albam, effigiei excipiendae destinatam illuminent. Constat autem, vt effigies in tabula alba clare exprimatur, omne lumen alienum ab hac tabula follicite arceri debere: ita vt nulli alii radii, nisi qui ab ipso obiecto emittuntur, eiusque quasi formam continent, in tabulam incident. Ex quo intelligitur, representationem effigiei in tabula alba ob istud lumen alienum a luce vel sole immediate prosectum non mediocriter infringi debere.

§. 3. Denique hi radii alieni tabulam illuminantes ibidem imaginem quandam confusam lucis vel solis exhibeunt, quae quidem in Laternis Magicis lente peculiari ipsi obiecto contigua magis confusa redditur, vt nulla flammae species determinata dignosci queat. Interim tamen vtcunque ista imago fuerit confusa, ea semper erit imagini verae permixta, eamque corrumpet. Praeterea vero hi radii ob diuersam refrangibilitatem imaginem diuersis

uersis coloribus inquinabunt, quod incommodum imprimis in Microscopio solari animaduertitur, per quod siagulae obiecti partes coloribus iridis circumfusae apparent, quibus incommodis efficitur, vt in effigie per Microscopium solare repraesentata nihil fere distincte spectari queat. Ad quae ingentia impedimenta accedit, quod vulgo non solum lentibus nimis magna apertura tribuitur, sed etiam obiecto nimis magna amplitudo relinquitur, vnde radii ab obiecti extremitatibus in lentem nimis oblique incidunt. Hinc notabilis confusio per totam effigiem super tabula expressam iniicitur, hinc vero partes effigiei extremae vehementer confundantur, vt saepe vix agnosci queant.

§. 4. Quo facilius intelligi possit, quibus remediis haec incommoda tolli queant, videamus, quibusnam rebus opus sit ad claram et distinctam cuiusuis obiecti representationem efficiendam. Sit igitur FEG obiectum, cuius imago per lentem conuexam MM super tabula alba TV distinete exhiberi debeat, quae cum situ inuerso appareat, sit *f e g*. Obiectum hic FEG tanquam spatio circulari terminatum considero, cuius diameter sit FG, et centrum E, quo melius eius quantitatis ratio haberi posset, ita vt in tabula TV maior imago non sit repraesentanda, quam quae ab isto circulo FEG producitur. Iam de obiecti huius ratione sequentia sunt tenenda: primo vt totum corpus habeat superficiem, quae quidem lenti MM obuertitur, proxime planam, seu, vt quam minimis eminentiis et cavitatibus sit praeditum. Deinde autem imprimis requiritur, vt ista obiecti superficies, vnde lens MM radios accepit, quam maxime sit illuminata, quae illuminatio obiecto vel radiis solis, vel ope lampadum con-

Fig. 2.

ciliari solet: atque ad lumen magis augendum etiam specula et lentes conuexae in usum vocantur.

§. 5. Quod deinde ad lentem MM attinet, primo cauendum est, ne eius ab obiecto distantia EA sit nimis exigua, seu ne angulus FAG, qui a radiis obiecti extremitis ad lentem ductis formatur, nimis fiat magnus. Quo maior enim fuerit iste angulus, eo confusius obiecti extremitates in effigie  $f e g$  reddentur. Videtur autem hic angulus FAG 20 gradus non excedere debere, ne confusio inde orta nimis sit sensibilis. Sit huius anguli semidis FAE, foret  $10^\circ$ , et quia axis lentis AE in planitiem obiecti perpendicularis esse, ac per eius centrum E transire debet, distantia EA circiter sextupla prodiret semidiametri obiecti EF, seu  $EA = 6 EF$ . Minor scilicet haec distantia non est admittenda, nisi forte confusionem satis sensibilem non evitandam censeamus; at quo maior ea statuatur, eo magis distincta imago in tabula exprimetur. Dummodo autem haec distantia EA non fuerit minor quam  $6 EF$ , confusio hinc oriunda vix percipi poterit.

§. 6. Quam conuexa autem debeat esse lens MM, cum ex distantia EA, tum ex magnitudine, qua imaginem  $f e g$  apparere oportet, facile definitur. Inuenta autem hinc distantia focali huius lentis, quae sit  $= f$ , seu quae radios a sole exceptos ad distantiam  $= f$  in focus congreget, quantam aperturam huic lenti tribui conueniat, videndum est. Nam quo maior lenti conceditur apertura, eo maiori confusione imago in  $f e g$  afficitur, quia radii per aperturae oram transmissi, et ii, qui per medium lentis transeunt, non in eadem distantia colliguntur.

Ne

Ne igitur haec confusio nimis fiat sensibilis, si aperturae, quam circularem assumo, semidiameter ponatur  $= b$ , quantitas  $\frac{b^2}{f}$  partem digitii quinquagesimam superare vix debet: seu si  $\delta$  denotet digitii partem quinquagesimam, non esse oportebit  $b > \sqrt{\delta f}$ : quo autem minor accipitur apertura, eo magis confusio ab apertura oriunda caueatur. Quodsi vero exiguam confusionem non curemus, quantitas  $\delta$  ad partem digitii vicesimam imo decimam augeri poterit.

§. 7. Tabula denique T V dealbata, atque ad axem lentis A e normaliter constituta esse debet. Tum vero id imprimis requiritur, vt haec tabula in loco maxime obscurio sit posita, vt in eam nulli alii radii lucis, nisi qui ab obiecto F E G per lentem M M transmittantur, incident. Hinc sollicite omni alienae luci aditus ad tabulam est praecludendus, atque totum spatium inter lentem M M et tabulam T V interceptum perfectis tenebris obscurari debet. Quae circumstantia, si probe obseruetur, radii ab obiecto per lentem transmissi effigiem super tabulam non solum clare sed etiam distincte exhibebunt. Spectator ergo, qui eam contemplari cupit, in eodem loco obscurio collocatus esse, vel saltem ei apertura eo inspicendi relinquere debet. Tum vero etiam ipsi commoditas procurari poterit, vt non solum effigiem intueri, sed etiam eam stylo prosequi ac delineare valeat.

§. 8. Loco tabulae albæ T V etiam tabula vitrea adhiberi potest, cuius altera superficies politura sit prima; haec enim superficies albedinem mentietur, atque effigiem obiecti perinde recipiet. Quod si haec superficies extus vertatur, tum a spectatore pone tabulam constituto effigies non solum aspici, sed etiam stylo plumbeo delineari

ncari poterit, quo in negotio etiam hoc commodum accedit, quod manu vel stylo effigiei expressionem non intercipiat, vti euenit, si aate tabulam sit constitutus. Intertim tamen etiam a parte posteriori omni lumen, quantum fieri potest, arceri debet. Tum vero effigie super tabula vitrea plumbo delineata, eadem charta, si parumper humefacta tabulae arcte apprimitur, facile imprimitur. Praeterea etiam obseruandum est, si locus, vbi imago appareat, minus fuerit idoneus, eam ope speculi in quamvis aliam positionem pro lubitu projici posse; ex quo huiusmodi instrumenta infinitis modis variari licet.

§. 9. Quo haec planius explicem, sit obiecti semidiameter  $E F = E G = e$ , eius a lente distantia  $E A = \alpha$ , quam iam vidimus non minorem esse debere quam  $\delta e$ . Tum sit lentis  $M M$  distantia focalis  $= f$ , et aperturæ semidiameter  $= b$ , debetque esse  $b < \sqrt{\delta} f$ , denotante  $\delta$  partem digiti vel quinquagesimam vel etiam maiorem, prout confusio inde oriunda magis minusue fugienda videatur. His positis imago post lentem exhibebitur ad distantiam  $B e = \frac{af}{\alpha-f}$ , hocque loco tabulam constitui oportebit; unde patet, distantiam  $EA = \alpha$  necessario maiorem esse debere quam lentis distantiam focalem  $f$ . Magnitudo autem imaginis, quae pariter erit circularis, tanta est, vt sit eius semidiameter  $e g$  ad semidiametrum obiecti  $E F = e$ , vti distantia  $Be$  ad  $AE$ , hinc erit imaginis semidiameter  $ef = eg = \frac{ef}{\alpha-f}$ .

§. 10. Imprimis autem splendoris seu quantitatis luminis, quo imago super tabula est apparuita, ratio est habenda, vt iam ante iudicare valeamus, vtrum effigies ad

ad contemplandum satis futura sit luminosa nec ne. Ac splendor quidem iste imaginis, vt alibi demonstravi, partim a splendore istius obiecti, partim ab apertura lenti MM, partim vero a distantia Be  $= \frac{af}{a-f}$  ita pendet, vt si obiecti splendor seu quantitas luminis ponatur  $= L$ , ob aperturam semidiametrum  $= b$ , splendor effigiei super tabula alba depictae futurus sit  $= \frac{bb}{4Be^2}$ .  $L = \frac{bb}{4} (\frac{f}{f-a})^2 L$ , quae quantitas quidem semper erit valde parva, sed ex Celeb: Bougueri experimentis recordandum est, si L denotet lumen, quo corpora a sole illustrata conspicuntur, tum  $\frac{1}{25000} L$  esse splendorem corporum a lana plena illuminatorum, vnde non difficulter splendor effigiei cum hoc lumine lunari comparabitur.

§. 11. Si iam requiratur, vt magnitudo imagines datum teneat rationem ad magnitudinem ipsius obiecti, natura lentis ac locus imaginis huic facile definitur. Cum enim semidiameter obiecti sit  $= e$ , ponamus imaginis semidiametrum esse debere  $= ne$ ; atque hinc quidem statim patet, fore,  $Be = na$ , seu  $Be = n$ , EA. Deinde ex aequatione  $Be = na \frac{af}{a-f}$ , elicetur lens distantia focalis  $f = \frac{n}{n+1} a$ , cui deinceps conueniens apertura facile assignatur. Lumen denique, quo imago super tabula splendebit, erit  $= \frac{bb}{4nna} L$ , posito obiecti lumine  $= L$ . Cum autem sit  $bb = \delta f = \frac{n}{n+1} \delta a$ , erit hoc lumen imaginis  $\frac{\delta}{4n(n+1)a} L$ , vnde patet, lumen hoc eo fore debilius, quo maior fuerit tam ratio multiplicationis  $n : 1$  quam distan-  
tiae EA  $= a$ .

§. 12. Ex his iam principiis non erit difficile eiusmodi Machinas construere, quae quorumvis obiectorum Tom. III. Nov. Comment. A a a imagi-

imagines in loco obscuro super tabula alba clare ac distincte exhibeant. Ratio autem constructionis potissimum pendebit a magnitudine obiecti F E G: nisi enim hoc satis fuerit paruum, id non simul in Camera obscura includum esse poterit, cum propter nimis magnum interuum, quo tam ipsum obiectum, quam imago a lente distare debet, tum vero quia tantum obiectum illuminari non posset, quin simul Camera inde illuminaretur. Minora autem obiecta, quoniam paruo interuum a lente distare debent, saepe minus commode extra Cameram obscuram collocari et illuminari possunt; in ipsa igitur Camera obscura debito loco constituta illuminari conuenit, sed spatium in quo cum lente continentur undeque tam probe clausum esse debet, ut inde nihil lumen erumpere, ac tabulam albam illustrare valeat. Sequentia igitur huiusmodi Machinarum genera pro diuersa obiectorum magnitudine constituere visum est.

GENVS PRIMVM  
AD OBIECTA MAGNITUDINIS SEX PEDVM REPRAESENTANDA.

Fig. 3. §. 13. Oporteat ergo primo eiusmodi obiecta repraesentari, quae in circulo, cuius diameter F G sit sex pedum contineri queant. Erit ergo circuli repraesentandi semidiameter E F = E G =  $e = 3$  pedum seu 36 dig: quod spatium aptum erit ad homines, animalia, aliaque maiora obiecta capienda. Maiora enim obiecta veluti aedificia et integras regiones hic non considero, quoniam vulgares Cameræ obscuræ ad ea repraesentanda satis accommodatae videntur. Distantia scilicet huiusmodi obiectorum tanta esse debet, ut quasi pro infinita haberri possit, atque ad ea repraesentanda quavis lente vti licebit,

dum-

dummodo tabula in focum lentis constituatur. Eo minor autem erit imago, quo minor fuerit lentis distantia focalis, contra vero splendor imaginis eo magis diminuetur, quo distantia focalis maior accipiatur. Cum autem iste Camerarum obscurarum usus satis fit cognitus, eo fusius exponendo hic supersedeo.

§. 14. Cum igitur sit obiecti semidiameter  $e = 3$  pedum, eius a lente distantia E A ad minimum esse debet 18 pedum, seu E A =  $a = 18$  ped. Hinc obiectum F E G extra Cameram obscuram R S T V constitutum esse debet, quod quo sufficienter illuminetur, vel radiis solaribus sit expositum, vel per ingentem lumen vim collustretur; sit igitur quantitas luminis obiecto inducta = L. Quoniam igitur obiectum ipsum iam satis est magnum, non conueniet id maiori forma super tabula exprimi, sit ergo imago ipsi obiecto aequalis, seu  $n = 1$ , vnde lentis M M distantia focalis esse debet  $f = 9$  pedum, seu 108 dig: cui tribuatur apertura semidiametri  $b = 1$  dig. Quo facto imago repraesabitur naturali magnitudine, sed situ inuerso f e g, ad distantiam a lente B e = 18 ped. eiusque lumen erit =  $\frac{1}{4 \cdot 18 \cdot 2 \cdot 12^2} L = \frac{1}{186624} L$ .

§. 15. Si igitur obiectum a sole fuerit illustratum, lumen imaginis adhuc maius erit, quam si ipsum obiectum a luna plena illuminatum cerneretur, quoniam illuminatio lunae est ad illuminationem solis, vt 1 ad 250000. Quod si vero hoc lumen nimis debile videatur, vel lenti major apertura tribui et eius semidiameter  $b$  ad  $1\frac{1}{2}$  augeri poterit, vnde lumen imaginis duplo fieret maius. Verum si maius lumen desideretur, potius conueniet, imag-

A a a 2

nem

372 EMENDATIO LATERNÆ MAGICÆ

nem minori forma repraesentari, quae eandem lentem adhibendo non solum clarior, sed etiam distinctior euadet.

§. 16. Ponamus ergo per eandem lentem M M, cuius distantia focalis  $f = 9$  ped. et aperturæ semidiameter  $b = 1$  dig. obiectum quadruplo minus repraesentari, seu imaginis semidiametrum esse debere  $= \frac{1}{2}$  ped. Oportebit ergo esse  $B e = \frac{1}{2} a = \frac{9a}{a-9}$ , unde elicitur iusta obiecti ante lentem distantia E A  $= a = 27$  ped. atque in Camera obscura post lentem tabula alba constitui debebit ad distantiam  $B e = 13\frac{1}{2}$  ped. Tum igitur huius imaginis lumen erit  $= \frac{bb}{4Be^2} L = \frac{1}{4.729} L = \frac{1}{104976} L$ , ideoque fere duplo maius quam casu praecedente. Si adhuc minori imagines magnitudine contenti esse velimus, maiori quoque lumine imago praedita conspiceretur.

§. 17. Maiorem vero etiam splendorem imaginis impetrabimus, si lentem statim ad minorem imaginis formam accommodemus. Maneat ergo distantia EA  $= a = 18$  ped. quoniam minor admitti nequit, ne confusio imaginis nimis fiat sensibilis, ac ponatur  $e f = \frac{1}{2}$  E F seu  $n = \frac{1}{2}$ , ut prodeat imaginis post lentem distantia in Camera obscura  $B e = 9$  ped. eritque lentis ad hoc requisitae distantia focalis  $f = 6$  ped. cui adhuc satis commode apertura semidiametri  $b = 1$  pollices tribui poterit. Hinc quantitas luminis, quo imago super tabula praedita cerneretur, erit  $= \frac{1}{4.1024} L = \frac{1}{4096} L$ ; quae ergo plus quam duplo maior erit quam casu praecedente; atque si obiectum fuerit a sole illustratum, imaginis lumen fere queri quies fortius videbitur, quam si obiectum a luna plena illuminatum cerneretur, hocque splendore imago super tabula iam satis clara apparebit.

GENVS

GENVS SECUNDVM  
AD OBJECTA MAGNITUDINIS VNIVS PEDIS REPRÆSENTANDA.

§. 18. Sit igitur circuli, quo obiectum repreäsentandum contineatur, semidiameter  $E F = e = \frac{1}{2}$  ped. seu 6 dig: quae magnitudo apta erit ad facies humanas, partes animalium, minora animalia, ac plantas picturasque capienda, atque distantia horum obiectorum a lente tribus pedibus minor esse non poterit. Sit ergo  $E A = a = 3$  pedum, quae distantia non impedit, quo minus interdiu obiectum a sole, noctu vero etiam extra Cameram obscuram lampadibus illuminari queat. At si obiectum radiis solis directe exponi non liceat, ope speculorum lumen solare in id reflecti poterit. Noctu vero etiam specula adhiberi conueniet, siue plana siue concava, quibus radii lampadum maiori vi in obiectum coniificantur. Lampades autem a latere constitutas esse oportet, ne vlli inde radii directe in lentem incidere queant.

§. 19. Quod si iam semidiameter imaginis  $e f = e g$  debeat esse  $\frac{1}{2} n$  ped. seu  $6 n$  dig. fiet distantia  $B e = 3 n$  pedum vel  $36 n$  poll. lantis distantia focalis  $f = \frac{3n}{n+1}$  ped. ac sumto  $\delta = \frac{1}{36}$  dig. semidiameter aperturae erit  $b = \sqrt{\frac{36n}{50(n+1)}}$  dig. et quantitas luminis imaginis  $= \frac{1}{2200n(n+1)} L.$

Hinc sequitur, fore, si sit:

	$f$	$b$	$B e$	Quantit. lumin. imagin.
$n=3$	27 dig.	0,73 dig.	108 dig.	$\frac{1}{88400} L$
$n=2$	24	0,69	72	$\frac{1}{43200} L$
$n=1$	18	0,60	36	$\frac{1}{14400} L$
$n=\frac{2}{3}$	14 $\frac{1}{3}$	0,54	24	$\frac{1}{8600} L$
$n=\frac{1}{2}$	12	0,49	18	$\frac{1}{5400} L$

A a a 3

§. 20.

§. 20. Patet ergo, nisi imago plus quam nouies, casu scilicet  $n = 3$ , superare debeat ipsum obiectum, hocque fuerit sole illuminatum, splendorem imaginis multo fore fortiorum quam casu praecedente, ita ut lumen a luna plena orientandum longe supereret. Sic videmus, si obiectum tantum naturali magnitudine exhiberi debeat, quo casu imago ad distantiam trium pedum post lentem in Camera obscura apparebit, lumen imaginis fore ad lumen obiecti ut 1 ad 14400: quae illuminatio in Camera obscura iam satis splendida apparebit, si quidem obiectum fuerit a sole collustratum. Quod quemadmodum etiam in conclavi, in quod radiis solaribus modo ingressus patet, ope speculi obtineri queat, satis et perspicuum, videamus igitur, quomodo noctu ope lampadum et speculorum satis fortis illuminatio produci queat.

Fig. 4. §. 21. Sit igitur F E G obiectum a lampadibus ita illuminandum, ut ab iis nulli radii in lentem M M incidere queant. Atque ductis rectis F M et G M secundum eas lens tubo M M N N sit inclusa, quo omnis introitus lucis alienae arceatur, manifestum est, ultra hunc tubum extra rectas N F et N G lampades constitui debeare, id quod vtrinque in locis L, l, l, l, pro lubitu fieri poterit; quo plures enim vtrinque lampades accendentur, eo magis obiectum illuminabitur: e re quoque erit tubum N N M M intus nigro colore tingi, ne lumen ab interiori tubi superficie reflexum representationi damnum afferat: et quanquam distantia lentis ab obiecto E A est determinata praesente scilicet casu 3 pedum, tamen conueniet tubi extremitatem fieri ductitiam, ut lens pro lubitu magis minus ab obiecto remoueri queat.

§. 22.

§. 22. Ut etiam ipsum obiectum in Camera obscura contineri queat, neque tamen a lampadibus Camera illuminetur, spatia lampade continentia vtrinque parietibus vti in Laternis Magicis fieri solet, firmiter includi oportebit, vt nonnisi superne famo exitus concedatur. Hoc modo Machina antrorsum in tubum N M M N desinens, à parte postica duas vtrinque alas habere debebit adiunctas N O P, quae lampadibus locum sufficientem praebeant. Sic enim obiectum a parte lenti obuersa F E G satis intensem lumen pro numero ac vi lampadum accensarum nanciscetur, et quia nulli alii radii, nisi qui ab ipso obiecto emittentur, per lentem M M in Cameram obscuram prorumpere possunt, eius imago super tabula alba nullo lumine alieno perturbabitur.

§. 23. Illuminatio etiam ope speculorum, quae vicem plurium lampadum sustineant, mirum in modum augeri poterit. Eductis enim ad axem E A vtrinque sub angulo circiter semirecto rectis E L I, et ad distantiam L I vtrinque trium circiter pollicum constituantur specula concava C I D, ne ipsis flamma vicinitas damnum afferat: atque si lampades L et L in horum speculorum focus sint positae, ea radios parallele in obiectum reflectent, quibus igitur totum obiectum illuminabitur, si specula aequa fuerint ampla atque obiectum, sin autem specula fuerint minora, eorum distantia focalis aliquantum superare debet interuallum L I, quo radii reflexi nonnihil fiant diuergentes, atque totum obiectum expleant. Hoc modo binae vel quaternae lampades sufficient ad obiectum satis intenso lumine perfundendum.

GENVS

## 376 EMENDATIO LATERNÆ MAGICÆ

GENVS TERTIVM  
AD OBJECTA MAGNITUDINIS DVORVM POLLICVM RE-  
PRAESENTANDA.

§. 24. Hoc instrumentum ratione magnitudinis objectorum fere cum Laterna Magica consueta conueniet; nisi quod hic obiectum in superficie anteriori debet illuminari. Haec magnitudo ergo idonea erit ad partes animalium et plantarum, imo etiam ad exigua animalia integra et plantas, nec non ad picturas capiendas, quae multo minori forma sint repraesentanda. Cum enim sit  $e = 1$  dig. distantia  $E A = \alpha$  fiet ad minimum  $\sigma$ . pollpraestabit autem, quo confusio magis evitetur, eam assumere aliquanto maiorem, sit igitur  $\alpha = 9$  dig. et semidiameter effigiei in tabula exprimendæ  $= n$  dig. erit lentis ad hoc idoneæ distantia focalis  $f = \frac{9n}{n+1}$  dig. ac imago post lentem distincte apparebit in distantia  $B e = 9n$  dig. Denique si limen obiecti sit  $= L$ , et semidiameter aperturae lentis  $b = \sqrt{\delta} f = \sqrt{\frac{9n}{50(n+1)}}$  dig. erit lumen imaginis  $= \frac{1}{180n(n+1)} L$ .

§. 25. Hinc pro varia multiplicatione quantitatis imaginis seu numeri  $n$  hæc quantitates, quibus quantitas instrumenti determinatur, sequentes obtinebunt valores.

Si

Si	<i>f</i>	<i>b</i>	<i>Be</i>	Lumen imaginis.
<i>n</i> =1	4 $\frac{1}{2}$ dig.	0, 30 dig.	9 dig.	1111 L
<i>n</i> =2	6 dig.	0, 34	18	111111 L
<i>n</i> =3	6 $\frac{3}{4}$	0, 36	27	1111111 L
<i>n</i> =4	7 $\frac{1}{2}$	0, 38	36	11111111 L
<i>n</i> =5	7 $\frac{1}{2}$	0, 39	45	111111111 L
<i>n</i> =6	7 $\frac{5}{7}$	0, 39	54	1111111111 L
<i>n</i> =7	7 $\frac{7}{8}$	0, 40	63	11111111111 L

nisi ergo lumen in imagine admodum ingens desideretur, magnitudo obiecti quinquages fere multiplicari poterit.

§. 26. Quod si ergo obiectum radiis solaribus illuminare liceat, imago adhuc multo erit splendidior, quam obiecti a luna illuminati. Tum autem obiectum F E G extra Cameram obscuram regionem versus, vbi sol exsistit, prominere, et ope tubi N M M B cum lente MM connexum esse debet, ita vt altera lentis facies B in Cameram obscuram spectet. Huic porro tube in C, quod punctum adhuc 5 vel 6 pollicibus ab obiecto absit, adiungatur speculum C I D, cuius latitudo duos pollices superet, longitudo vero C D multo sit maior, vt vbiunque fuerit sol in S eius radii a speculo in ipsum obiectum reflecti queant, quem ia finem speculum circa C mobile esse oportebit, quo facilius semper soli obuerti queat. Commodissimum erit hunc Mechanismum Cameris obscuris portatilibus applicare, quo saepius, vbiunque sol splendeat, in usum adhiberi possit.

§. 27. Ut autem huiusmodi representationes semper etiam sole non lucente exhiberi queant in Camera obscura, Machina ad formam Laternae Magicae efformata

Tom. III. Nov. Comment.

B b b

vti

Tab. VIII.  
Fig. I.

Fig. 2.

vti conueniet, in qua obiectum F E G a lampadibus L, l et speculis C I D illuminetur: quae cum multo minor sit, quam supra descripta ob longitudinem E A = 9 poll. et E F = E G = 1 poll. alae N O vtrinque ratione longitudinis multo ampliores esse debebunt. Quoniam hic lampades non solum obiecto erunt viciniores, sed etiam speculis obiecto maioribus vti licebit, ita, vt obiectum totum a radiis convergentibus illuminari queat, illustratio tanto fortior effici poterit. Optimum esset ad hoc specula parabolica adhibere, quorum distantia foci aliquanto esset minor, quam L I vel II, quae, quo fuerint maiora, eo fortiorem illuminationem producent. Conueniet quoque vel specula vel lampades mobilitate instrui, quo facilius omnes radii reflexi in obiectum coniugari possint, sicque nullum est dubium, quin obiecto illuminatio admodum vehemens conciliari possit.

GENVS QVARTVM  
AD OBJECTA MAGNITUDINIS DVARVM LINEARVM  
REPRÆSENTANDA.

§. 28. Hoc instrumentum locum tenebit Microscopiorum solarium, cum in circulo diametri FG = 2 lin: seu  $\frac{1}{2}$  dig. eiusmodi obiecta, quae vulgo per Microscopia considerari solent, commode includuntur. Cum ergo sit E F = E G = e =  $\frac{1}{12}$  dig. sumatur interuallum E A = a = 1 dig. ac si effigiei repraesentabdae semidiameter  $e f = e g$  esse debeat =  $n e = \frac{n}{12}$  dig. erit distantia effigiei a lente B  $e = n$  dig. Eiusmodi vero tum lente vti conueniet, cuius distantia focalis sit  $f = \frac{n}{n+1}$  dig. cui si tribuatur apertura, cuius semidiameter =  $b = \sqrt{\frac{n}{50(n+1)}}$ , erit lumen effigiei repraesentatae =  $\frac{1}{200 n(n+1)} L$ , designante L lumen

men ipsis obiecti. Quod si apertura maior vel minor assumatur splendor effigiei in eadem ratione augebitur vel diminuetur.

§. 29. Hinc pro varia multiplicatione quantitatis imaginis, seu pro variis valoribus numeri  $n$ , instrumentum sequentes requiret determinationes.

Si	$f$	$b$	$B e$	Lumen imaginis.
$n=5$	$\frac{5}{2}$ dig.	○, 13 dig.	5 dig.	$\frac{1}{6000} L$
$n=6$	$\frac{6}{7}$ dig.	○, 13 dig.	6 dig.	$\frac{1}{2400} L$
$n=7$	$\frac{7}{8}$	○, 13	7	$\frac{1}{17200} L$
$n=8$	$\frac{8}{9}$	○, 13	8	$\frac{1}{14400} L$
$n=9$	$\frac{9}{10}$	○, 13	9	$\frac{1}{10800} L$
$n=10$	$\frac{10}{11}$	○, 14	10	$\frac{1}{5400} L$
$n=12$	$\frac{12}{13}$	○, 14	12	$\frac{1}{31200} L$
$n=14$	$\frac{14}{15}$	○, 14	14	$\frac{1}{22600} L$
$n=16$	$\frac{16}{17}$	○, 14	16	$\frac{1}{14400} L$
$n=18$	$\frac{18}{19}$	○, 14	18	$\frac{1}{86400} L$
$n=20$	$\frac{20}{21}$	○, 14	20	$\frac{1}{54000} L$

§. 30. Si obiectum a sole illuminari velimus, non solum id, sed etiam lens M M extra Cameram obscuram prominere debet, vt satis habeatur spatii ad radios solis excipiendo; lens ergo M M tubulo N O O fit inserta, qui modo magis, modo minus extra Cameram obscuram extrahi possit. Tum vt ante speculum C L D ita applicetur, vt eius ope radii solares commode obiectum versus reflecti queant, atque quo illuminatio tanto fiat fortior, lens conuexa C D adhiberi poterit, quae radios reflexos eo propius in obiecto colligat. Et quia hoc modo illuminatio multo vehementior effici potest, multo maior

B. b. b. 2 multi-

## 380 EMENDATIO LATERNAE MAGICAE

multiplicatio effigiei exhiberi poterit, quem in finem lentem tantillum proprius ad obiectum admoueri oportebit, ut tum imago in multo maiori distantia sit excipienda, quae in eadem ratione euadet maior.

**Fig. 4.** §. 31. Opere lampadum quoque idem obiectum vehementer illuminari dicebit, si Machina ad similitudinem Laternae Magicae duabus alis O O instructae efformetur. Tum enim commode duo specula concava C L D applicari poterunt, quae radios lampadum L, L in obiectum quasi infocum conficiant. Ad hoc conueniet, specula in formam ellipticam elaborari, in quorum altero foco lampades collocentur, in altero autem ipsum obiectum existat. Sic enim cum obiectum sit minimum, id, et si est in foco positum, totum illuminabitur. Poterunt etiam si spatum id permittit duae trinque lampades accendi, quo non solum lumen fiat intensius, sed etiam focus redditur amplior. Ceterum perspicuum est inter haec quatuor instrumentorum genera innumera alia, prout obiectorum ratio id postulat, constitui atque ad usum accommodari posse.

ANNO-

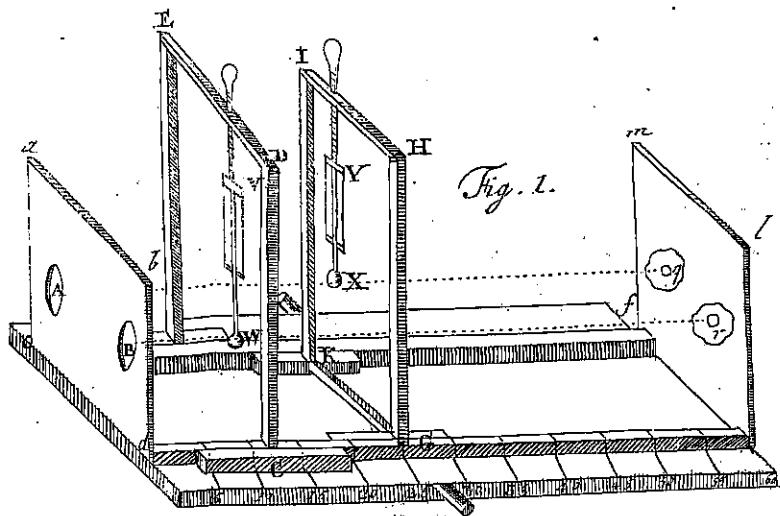


Fig. 1.

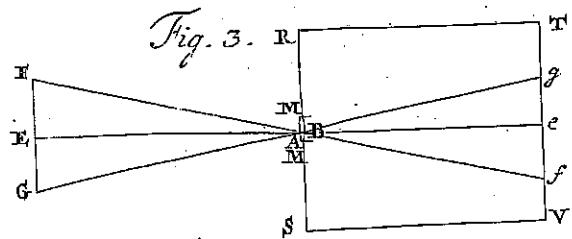


Fig. 2.

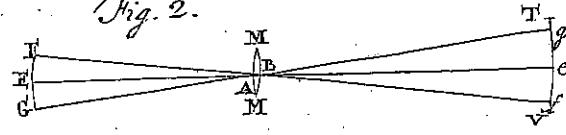


Fig. 3.

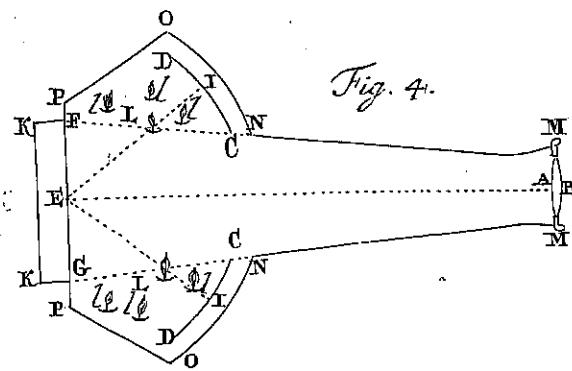
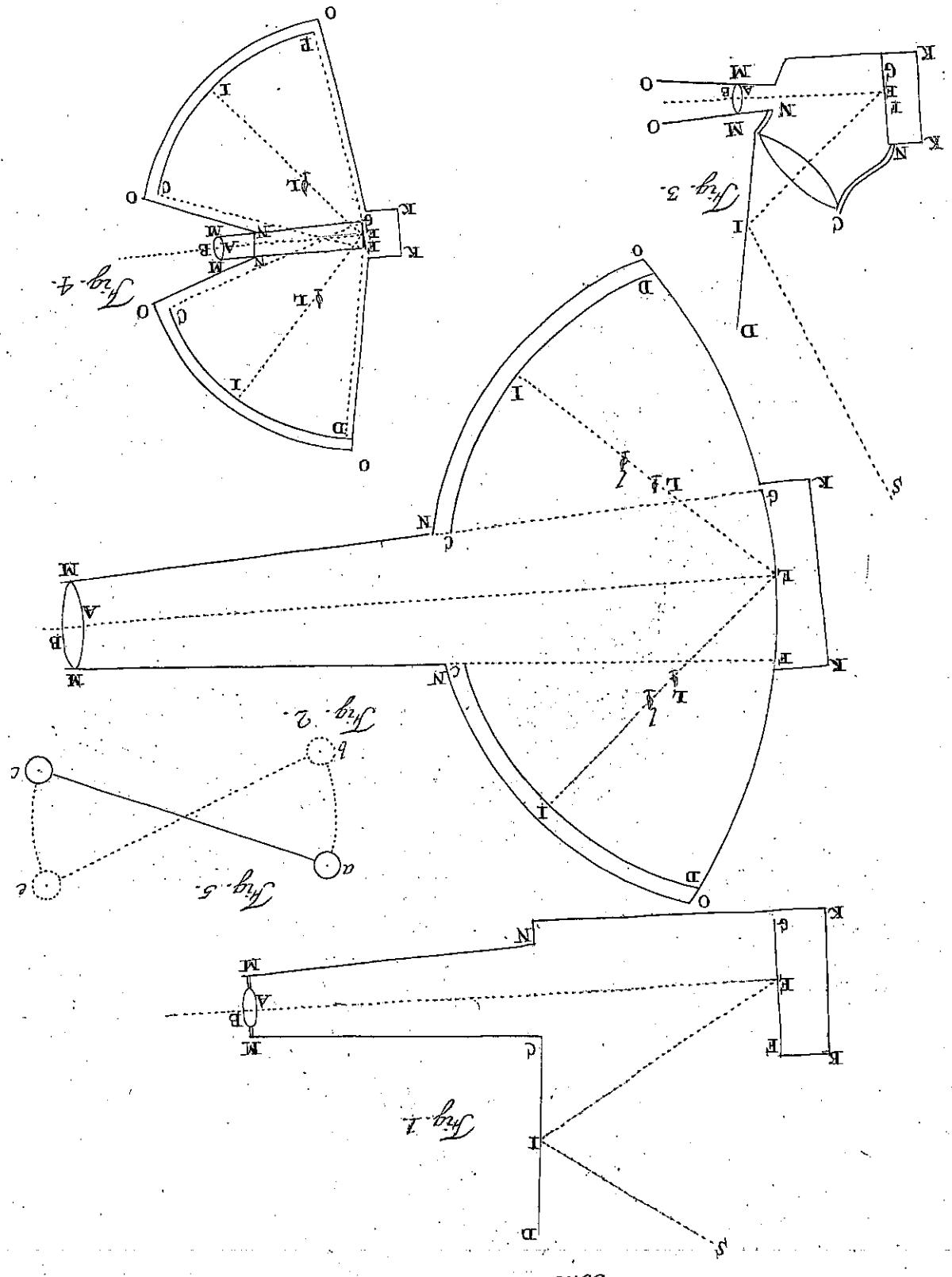


Fig. 4.



Commentarij Nov. Ac. Imp. Sc. Petrop. Tom. III Tab. VII.